

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования «Кабардино-Балкарский государственный университет
им. Х.М. Бербекова» (КБГУ)

**ИНСТИТУТ ФИЗИКИ И МАТЕМАТИКИ
КАФЕДРА АЛГЕБРЫ И ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫХ УРАВНЕНИЙ**

СОГЛАСОВАНО

Руководитель образовательной
программы _____ Р.Ш. Тешев
«_____» _____ 2022 г.

УТВЕРЖДАЮ

Директор ИФ и М
_____ Б.И. Кунижев
«_____» _____ 2022г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

«МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ»

(код и наименование дисциплины)

Направление подготовки

11.03.01 Радиотехника

(код и наименование направления подготовки)

Профиль подготовки

Интегрированные системы безопасности

(наименование профиля подготовки)

Квалификация (степень) выпускника

бакалавр

Формы обучения

очная

Нальчик 2022

Рабочая программа дисциплины «Математический анализ» /сост. А.О. Желдашева – Нальчик: КБГУ, 2021. – 36 с.

Рабочая программа дисциплины для студентов очной формы обучения по направлению подготовки 11.03.01 Радиотехника в первом семестре, первого курса.

Рабочая программа составлена с учетом Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования по направлению подготовки 11.03.01 Радиотехника (уровень бакалавриата) утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 19 сентября 2017 г. №931 (зарегистрировано в Минюсте России 12 октября 2017 г. № 48534).

Содержание

1. Цель и задачи освоения дисциплины (модуля)	3
2. Место дисциплины в структуре ОПОП ВО	3
3. Требования к результатам освоения дисциплины (модуля)	3
4. Содержание и структура дисциплины (модуля)	4
4.1. Содержание дисциплины (модуля)	4
4.2. Структура дисциплины (модуля)	5
4.3. Лекционные занятия	6
4.4. Практические занятия	6
4.5. Самостоятельное изучение разделов дисциплины	7
5. Оценочные материалы для текущего и рубежного контроля успеваемости и промежуточной аттестации	7
6. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности	22
7. Учебно-методическое обеспечение дисциплины	24
7.1. Нормативно-законодательные акты	24
7.2. Основная литература	24
7.3. Дополнительная литература	25
7.4. Периодические издания	25
7.5. Интернет-ресурсы	25
7.6. Методические указания по проведению различных учебных занятий, к курсовому проектированию и другим видам самостоятельной работы	27
8. Материально-техническое обеспечение дисциплины	31
Лист изменений (дополнений) в рабочей программе дисциплины	34
Приложение 1	35
Приложение 2	36

1. Цель и задачи освоения дисциплины (модуля)

Целью дисциплины «Математический анализ» является формирование комплекса основных теоретических и практических знаний по математическому анализу, необходимых для решения задач, возникающих в практической деятельности.

Задачи дисциплины:

- формирование у студентов знаний по математическому анализу для успешного овладения общенаучными и профессиональными дисциплинами на необходимом научном уровне;
- развитие у студентов логического и алгоритмического мышления;
- формирование умения самостоятельно применять законы и методы математического анализа для решения профессиональных задач.

2. Место дисциплины в структуре ОПОП ВО

Дисциплина «Математический анализ» относится к обязательной части Блока 1 «Дисциплины (модули)» основной образовательной программы по направлению подготовки 11.03.01 Радиотехника, профиль «Интегрированные системы безопасности».

Приступая к изучению данной дисциплины обучающийся должен обладать компетенциями предусмотренными стандартами среднего полного образования.

В результате освоения данной дисциплины, полученные знания будут необходимы как предшествующие при изучении дисциплин «Дифференциальные и интегральные уравнения», «Теория функции и комплексного переменного», «Теория вероятности и математическая статистика» и других естественнонаучных дисциплин.

3. Требования к результатам освоения дисциплины (модуля)

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование элементов следующей общепрофессиональной компетенции (ОПК) в соответствии с ФГОС ВО и ОПОП ВО по данному направлению подготовки:

- способен использовать положения, законы и методы естественных наук и математики для решения задач инженерной деятельности (ОПК-1).

Код и наименование индикатора достижения компетенции:

ОПК-Б.1.1 - Способен определять математический аппарат для решения задач инженерной деятельности.

В результате освоения дисциплины обучающийся должен:

знать основные понятия, определения и свойства объектов математического анализа; методы решения задач на нахождение пределов функции; определение непрерывности функции в точке; основные правила нахождения производных, опираясь на определение производной и таблицу производных; определение дифференциала функции в точке и применение дифференциалов в приближенных вычислениях; задачи, приводящие к понятиям неопределенного и определенного интеграла.

уметь проводить исследование основных понятий, вычислять пределы, находить производные и интегралы; применять методы математического анализа к решению задач; иметь представления о современных направлениях развития математического анализа и его приложения.

владеть аппаратом математического анализа, методами доказательства утверждений.

приобрести опыт деятельности использования полученных знаний для решения задач, возникающих в практической деятельности.

4. Содержание и структура дисциплины (модуля)

4.1. Содержание дисциплины (модуля)

№ п/п	Наименование раздела/темы	Содержание раздела	Код контро- лируемой компетенции (или ее части)	Наименование оценочного средства
1	2	3	4	5
1	<i>Введение в математический анализ</i>	Множества, действительные числа. Функция, способы задания функций. Основные характеристики функций. Обратная и сложная функции. Основные элементарные функции. Числовые последовательности и их свойства. Предел функции в точке и предел числовой последовательности. Основные теоремы о пределах. Бесконечно малые и бесконечно большие функции и их свойства. Сравнение бесконечно малых (бесконечно больших) функций. Непрерывность функций в точке и на отрезке, точки разрыва функции. Свойства функций, непрерывных на отрезке.	ОПК-1	ДЗ, КР, К, Т
2	<i>Дифференциальное исчисление</i>	Определение производной, ее механический и геометрический смысл. Правила дифференцирования, таблица производных. Производная сложной и обратной функции. Дифференцирование неявных и параметрически заданных функций. Логарифмическое дифференцирование. Дифференциал функции и его применение в приближенных вычислениях. Свойства дифференцируемых функций. Производные и дифференциалы высших порядков. Правило Лопиталя. Исследование функций с помощью производных. Монотонность функции. Наибольшее и наименьшее значения функции. Экстремумы функции.	ОПК-1	ДЗ, КР, К, Т
3	<i>Интегральное исчисление</i>	Неопределенный интеграл. Основные методы интегрирования. Интегрирование простейших рациональных, иррациональных, тригонометрических функций. Определенный интеграл как предел	ОПК-1	ДЗ, КР, К, Т

		интегральной суммы. Формула Ньютона-Лейбница. Геометрический и механический смысл определенного интеграла. Свойства определенного интеграла. Геометрические и физические приложения определенного интеграла. Приближенное вычисление определенного интеграла. Несобственные интегралы.		
4	<i>Комплексные числа</i>	Комплексные числа, основные понятия. Геометрическое изображение комплексных чисел. Формы записи комплексных чисел. Действия над комплексными числами.	ОПК-1	ДЗ, КР, К, Т

В графе 5 приводятся планируемые формы текущего контроля: защита лабораторной работы (ЛР), выполнение курсового проекта (КП), контрольной работы (КР), расчетно-графического задания (РГЗ), домашнего задания (ДЗ) написание реферата (Р), эссе (Э), коллоквиум (К), рубежный контроль (РК), тестирование (Т) и т.д.

4.2. Структура дисциплины (модуля)

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 зачетные единицы (108 часов).

Вид работы	Трудоемкость, часы	
	1 семестр	Всего
Общая трудоемкость (часах)	108	108
Контактная работа (в часах):	51	51
<i>Лекции (Л)</i>	34	34
<i>Практические занятия (ПЗ)</i>	17	17
Самостоятельная работа (в часах), в том числе контактная работа:	30	30
<i>Самостоятельное изучение разделов</i>	24	24
<i>Контрольная работа (КР)</i>	6	6
Подготовка и прохождение промежуточной аттестации	27	27
Вид промежуточной аттестации	экзамен	экзамен

4.3. Лекционные занятия

№ п/п	Тема
1	<i>Введение в математический анализ. Цель и задачи изучения темы</i> – изучить понятия функция, обратная и сложная функция, числовые последовательности, предел функции в точке и предел числовой последовательности, бесконечно малые и бесконечно большие функции и их свойства. Рассмотреть способы задания функций, основные элементарные функции, основные теоремы о пределах, непрерывность функций в точке и на отрезке и их свойства, точки разрыва функции, а также свойства числовой последовательности.
2	<i>Дифференциальное исчисление. Цель и задачи изучения темы</i> – изучить понятия производной, ее механический и геометрический смысл, производную сложной и обратной функции, а также правила дифференцирования и таблицу производных. Рассмотреть дифференцирование неявных и параметрически заданных функций, логарифмическое дифференцирование, свойства дифференцируемых функций, производные и дифференциалы высших порядков, правило Лопиталя. Ознакомить студентов со схемой исследования функций. Научить определять наибольшее и наименьшее значения функции, экстремум функции.
3	<i>Интегральное исчисление. Цель и задачи изучения темы</i> – раскрыть понятие неопределенного, определенного и несобственного интеграла. Изучить основные методы интегрирования, формулу Ньютона-Лейбница, геометрический и механический смысл неопределенного интеграла, свойства определенного интеграла, а также геометрические и физические приложения определенного интеграла.
4	<i>Комплексные числа. Цель и задачи изучения темы</i> – ознакомить студентов с понятием комплексного числа и его геометрическим изображением. Изучить формы записи комплексных чисел, действия над комплексными числами.

4.4. Практические занятия

№ п/п	Тема
1	Функция, способы задания функций. Основные характеристики функций.
2	Предел числовой последовательности
3	Предел функции.
4	Непрерывность функции.
5	Производная и дифференциал функции
6	Применение производной для исследования функции
7	Неопределенный интеграл. Методы интегрирования
8	Определенный интеграл и его геометрические приложения
9	Несобственные интегралы.
10	Комплексные числа, основные понятия. Действия над комплексными числами.

4.5. Самостоятельное изучение разделов дисциплины

№ п/п	Вопросы, выносимые на самостоятельное изучение
1	Непрерывность функций в точке и на отрезке, точки разрыва функции.
2	Понятие функции нескольких переменных. Предел функции двух переменных,
3	Частные производные первого порядка, их геометрическое толкование.
4	Частные производные высших порядков.
5	Производная по направлению, градиент скалярного поля и его свойства.
6	Экстремум функции двух переменных, необходимые и достаточные условия
7	Геометрические и физические приложения определенного интеграла
8	Приближенное вычисление определенного интеграла

5. Оценочные материалы для текущего и рубежного контроля успеваемости и промежуточной аттестации

Конечными результатами освоения программы дисциплины являются сформированные когнитивные дескрипторы «знать», «уметь», «владеть», расписанные по отдельным компетенциям. Формирование этих дескрипторов происходит в течение всего семестра по этапам в рамках различного вида занятий и самостоятельной работы.

В ходе изучения дисциплины предусматриваются текущий, рубежный контроль и промежуточная аттестация.

5.1. Оценочные материалы для текущего контроля. Цель текущего контроля – оценка результатов работы в семестре и обеспечение своевременной обратной связи, для коррекции обучения, активизации самостоятельной работы обучающегося. Объектом текущего контроля являются конкретизированные результаты обучения (учебные достижения) по дисциплине.

Текущий контроль успеваемости обеспечивает оценивание хода освоения дисциплины «Математический анализ» и включает: ответы на теоретические вопросы на практическом занятии, решение практических задач и выполнение заданий на практическом занятии. Оценка качества подготовки на основании выполненных заданий ведется преподавателем (с обсуждением результатов), баллы начисляются в зависимости от сложности задания.

5.1.1 . Вопросы по темам дисциплины «Математический анализ» (контролируемые компетенции ОПК-1)

Устный опрос является одним из основных способов учёта знаний обучающегося по дисциплине «Математический анализ». Развёрнутый ответ студента должен представлять собой связное, логически последовательное сообщение на заданную тему, показывать его умение применять определения.

Устные опросы проводятся во время практических занятий, а также в качестве дополнительного испытания при недостаточности результатов тестирования и решения задач. Вопросы опроса не должны выходить за рамки, объявленной для данного занятия темы. Устные опросы необходимо строить так, чтобы вовлечь в тему обсуждения максимальное количество обучающихся в группе, проводить параллели с уже пройденным учебным материалом данной

дисциплины, находить удачные примеры из современной действительности, что увеличивает эффективность усвоения материала.

Основные вопросы для устного опроса доводятся до сведения студентов на предыдущем практическом занятии. При оценке опросов анализу подлежит точность формулировок, связность изложения материала, обоснованность суждений.

Вопросы по темам дисциплины «Математический анализ»

(контролируемые компетенции ОПК-1):

Тема 1. Введение в математический анализ.

1. Множества, действительные числа.
2. Функция, способы задания функций. Основные характеристики функций.
3. Обратная и сложная функции.
4. Основные элементарные функции.
5. Числовые последовательности и их свойства.
6. Предел функции в точке и предел числовой последовательности. Основные теоремы о пределах.
7. Бесконечно малые и бесконечно большие функции и их свойства.
8. Сравнение бесконечно малых (бесконечно больших) функций.
9. Непрерывность функций в точке и на отрезке, точки разрыва функции. Свойства функций, непрерывных на отрезке.

Тема 2. Дифференциальное исчисление.

1. Определение производной, ее механический и геометрический смысл.
2. Правила дифференцирования, таблица производных.
3. Производная сложной и обратной функции.
4. Дифференцирование неявных и параметрически заданных функций.
5. Логарифмическое дифференцирование.
6. Дифференциал функции и его применение в приближенных вычислениях. Свойства дифференцируемых функций.
7. Производные и дифференциалы высших порядков.
8. Правило Лопиталя.
9. Исследование функций с помощью производных.

Тема 3. Интегральное исчисление.

1. Неопределенный интеграл.
2. Основные методы интегрирования.
3. Интегрирование простейших рациональных, иррациональных, тригонометрических функций.
4. Определенный интеграл как предел интегральной суммы. Формула Ньютона-Лейбница.
5. Геометрический и механический смысл определенного интеграла.
6. Свойства определенного интеграла.
7. Геометрические и физические приложения определенного интеграла.
8. Приближенное вычисление определенного интеграла.
9. Несобственные интегралы.

Тема 4. Комплексные числа.

1. Комплексные числа, основные понятия. Геометрическое изображение комплексных чисел.
2. Формы записи комплексных чисел.
3. Действия над комплексными числами.

Критерии формирования оценок (оценивания) устного опроса.

В результате устного опроса знания, обучающегося оцениваются по следующей шкале:

5 баллов, ставится, если обучающийся:

- 1) полно излагает изученный материал, даёт правильное определение понятий;
- 2) обнаруживает понимание материала, может обосновать свои суждения, применить знания на практике, привести необходимые примеры не только по учебнику, но и самостоятельно составленные;
- 3) излагает материал последовательно и правильно с точки зрения норм литературного языка.

4-3 балла, ставится, если обучающийся даёт ответ, удовлетворяющий тем же требованиям, что и для балла «1», но допускает 1-2 ошибки, которые сам же исправляет, и 1-2 недочёта в последовательности и языковом оформлении излагаемого.

2-1 балл, ставится, если обучающийся обнаруживает знание и понимание основных положений данной темы, но:

- 1) излагает материал неполно и допускает неточности в определении понятий;
- 2) не умеет достаточно глубоко и доказательно обосновать свои суждения и привести свои примеры;
- 3) излагает материал непоследовательно и допускает ошибки в языковом оформлении излагаемого.

0 баллов, ставится, если обучающийся обнаруживает незнание большей части соответствующего раздела изучаемого материала, допускает ошибки в формулировке.

Баллы могут ставиться не только за единовременный ответ, но и за рассредоточенный во времени, т.е. за сумму ответов, данных студентом на протяжении занятия.

5.1.2. Оценочные материалы для самостоятельной работы обучающегося (типовые задачи) (контролируемые компетенции ОПК-1)

Перечень типовых задач для самостоятельной работы сформирован в соответствии с тематикой практических занятий по дисциплине «Математический анализ».

Тема 1. Введение в математический анализ.

1. Найти область определения функции:

а) $y = \sqrt{4 - 5x} + 3 \arccos \frac{2x+3}{6x}$;

б) $y = \sqrt{\ln \frac{5x-x^2}{4}}$;

в) $y = \log_2(2-x) + 2 \log_x 5$;

г) $y = \arcsin \frac{x-3}{2} - \ln(4-x)$.

2. Построить графики функций при помощи преобразований графиков основных элементарных функций:

а) $y = 2 \sin(2x - 1)$

б) $y = |\log_3|x||$

$$в) y = \frac{1}{3x-1}$$

$$г) y = \frac{x^2-5x+6}{|x-2|}$$

$$д) y = \cos \pi \left(\frac{x}{2} + 1 \right) - 1$$

$$е) y = 1 + \frac{1}{2^{|x-3|}}$$

3. Найти пределы функций:

$$а) \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{2x^3+3x-8}{5x^3-4x^2+6}$$

$$б) \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1+x}-\sqrt{1-x}}{x}$$

$$в) \lim_{x \rightarrow -2} \frac{\arcsin(x+2)}{x^2+2x}$$

$$г) \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x^2+2}{x^2-2} \right)^{x^2}$$

4. Задана функция $y=f(x)$ и два значения аргумента x_1 и x_2 . Требуется установить, является ли данная функция непрерывной или разрывной для каждого из данных значений аргумента, в случае разрыва функции найти ее пределы слева и справа.

а)

$$y = 3^{\frac{1}{x-4}}, x_1 = 2, x_2 = 4$$

б)

$$y = 3^{\frac{1}{x-2}}, x_1 = -4, x_2 = 2$$

$$x_1 = 2, x_2 = 4$$

5. Задана функция $y = f(x)$. Найти точки разрыва, если они существуют. Сделать чертеж.

$$а) y = \begin{cases} \operatorname{tg} x, & x < 0 \\ x^3, & 0 \leq x \leq 1 \\ x-4, & x > 1 \end{cases}$$

$$б) y = \begin{cases} (x/2) + 2, & x \leq -1 \\ -x, & -1 < x < 0 \\ \operatorname{arctg} x, & x \geq 0 \end{cases}$$

$$в) y = \begin{cases} 2, & x < -2 \\ \sqrt{4-x^2}, & -2 \leq x \leq 2 \\ x-2, & x > 2 \end{cases}$$

Методические рекомендации по решению задач.

Приступая к самостоятельному решению задач, необходимо внимательно прочесть теоретический материал по соответствующему вопросу темы. Важнейшие понятия этой темы: множества и операции над ними, свойства операций, функция, ее способы задания и основные характеристики, обратная и сложная функция, элементарные функции, числовые последовательности и их свойства, предел функции в точке, предел числовой последовательности, теоремы о пределах, бесконечно малые и бесконечно большие функции и их свойства, непрерывность функций в точке и на отрезке, точки разрыва функции и др. Эти понятия следует выучить и разобраться в их соотношениях. При решении задач используются формулы, объяснение которых представлено в теме 1.

Тема 2. Дифференциальное исчисление.

1. Вычислить производную:

а) $\phi = \arcsin\left(\frac{1}{x}\right) + \ln|x + \sqrt{x^2 - 1}|, x > 0$; б) $\phi = \frac{(1+x^8)\sqrt{1+x^8}}{12x^{12}}$;

в) $y = \begin{cases} x = \frac{3t^2 + 1}{3t^3}, \\ y = \sin\left(\frac{t^3}{3} + t\right); \end{cases}$ г) $y = (\sin x)^{5e^x}$;

д) $y = \frac{xy + \cos x}{e^x}$; е) $y = \sqrt{1+2x} - \ln|x + \sqrt{1+2x}|$.

2. Построить график функции с помощью дифференциального исчисления:

а) $y = \frac{2x}{2+x^2}$. б) $y = x - \ln(1+x)$.

3. Найти наибольшее и наименьшее значение функции на отрезке:

1) $y = x^2 + \frac{16}{x} + 34, x \in [1;4]$; 2) $y = 3x^2 + 4x + 27, x \in [3;6]$.

3. Найти дифференциалы функций:

1) $y = 2^{\cos x} 4$ 2) $y = \ln^3 \sin x$.

4. Вычислить приближенно:

1) $\sin 29^\circ 4$ 2) $\arctg 1,05$.

5. Найти указанные пределы, используя правило Лопиталя:

1) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{\ln(x+5)}{\sqrt[4]{x+3}}$; 2) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{1 - \cos 8x}{\operatorname{tg}^2 2x}$;
3) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\arcsin 4x}{5 - 5e^{-3x}}$; 4) $\lim_{x \rightarrow 0} (1 - \sin 2x)^{\operatorname{ctg} x}$.

6. Разложить многочлен $P(x)$ по степеням $x - x_0$, если:

1) $P(x) = x^4 - 3x^2 + x - 1, x_0 = -2$; 2) $P(x) = x^3 + 4x^2 + 8x + \frac{7}{8}, x_0 = \frac{1}{2}$.

7. Разложить по формуле Тейлора функцию $f(x)$ в точке x_0 :

1) $f(x) = xe^x, x_0 = -1$; 2) $f(x) = \ln(2x-1), x_0 = 1$.

8. Разложить по формуле Маклорена функцию $f(x)$ до $o(x^k)$:

1) $f(x) = \sin^2 x, k = 4$; 2) $f(x) = \operatorname{ch} x, k = 5$.

1. Провести полное исследование указанной функции и построить ее график: $y = e^{1/(5+x)}$.

9. Найти наименьшее и наибольшее значения функции $y = x + 3\sqrt[3]{x}$ на отрезке $[-1;1]$.

10. Найти частные производные и частные дифференциалы следующих функций:

1) $z = \ln(y^2 - e^{-x})$; 2) $z = \arcsin \sqrt{xy}$;

3) $z = \arctg(x^2 + y^2)$; 4) $z = \cos(x^3 - 2xy)$.

11. Исследовать данные функции на локальный экстремум:

1) $z = x^3 + 3xy^2 - 15x - 12y$; 2) $z = x^2 + xy + y^2 - 2x - y$;

12. Найти наибольшее и наименьшее значения функции $z = z(x, y)$ в области \bar{D} , ограниченной заданными линиями: $z = 3x + y - xy$, $\bar{D}: y = x, y = 4, x = 0$.

Методические рекомендации по решению задач.

Приступая к самостоятельному решению задач, необходимо внимательно прочесть теоретический материал по соответствующему вопросу темы. Важнейшие понятия этой темы: производная, ее механический и геометрический смысл, правила дифференцирования, таблица производных, производная сложной и обратной функции, дифференциал функции, производные и дифференциалы высших порядков, правило Лопиталя, исследование функций с помощью производных (монотонность, наибольшее и наименьшее значения, экстремум) и др. Эти понятия следует выучить и разобраться в их соотношениях. При решении задач используются формулы, объяснение которых представлено в теме 2.

Тема 3. Интегральное исчисление.

1. Найти следующие интегралы:

- | | |
|------------------------------|---|
| 1) $\int x\sqrt{x^2-5}dx$; | 2) $\int \frac{x^3}{x^2+x+1}dx$; |
| 3) $\int \frac{5}{1-2x}dx$; | 4) $\int \frac{5x-1}{3x^2-2x+1}dx$; |
| 5) $\int \sin(1-3x)dx$; | 6) $\int \frac{1}{\sqrt{x^2-4x+5}}dx$. |

2. Вычислить определенные интегралы с точностью до двух знаков после запятой:

- | | |
|--|--------------------------------------|
| 1) $\int_0^{\sqrt{3}} x^3\sqrt{1+x^2}dx$; | 2) $\int_2^3 y \ln(y-1)dy$; |
| 3) $\int_0^1 \frac{3x^4+3x^2+1}{x^2+1}dx$; | 4) $\int_0^2 x^2\sqrt{x-x^2}dx$; |
| 5) $\int_{-\pi/2}^{-\pi/4} \frac{\cos^3 x}{\sqrt{\sin x}}dx$; | 6) $\int_2^3 \frac{dx}{2x^2+3x-2}$. |

3. Вычислить несобственные интегралы или доказать их расходимость:

- | | |
|--|---|
| 1) $\int_0^{\infty} \frac{xdx}{16x^4+1}$; | 2) $\int_0^1 \frac{dx}{\sqrt[3]{2-4x}}$. |
|--|---|

4. Вычислить (с точностью до двух знаков после запятой) площадь фигуры, ограниченной указанными линиями: $y = \sqrt{x}$, $y = x^3$.

Методические рекомендации по решению задач.

Приступая к самостоятельному решению задач, необходимо внимательно прочесть теоретический материал по соответствующему вопросу темы. Важнейшие понятия этой темы: неопределенный и определенный интеграл, методы интегрирования, формула Ньютона-Лейбница, свойства определенного интеграла, несобственные интегралы и др. Эти понятия следует выучить и разобраться в их соотношениях. При решении задач используются формулы, объяснение которых представлено в теме 3.

Критерии формирования оценок по заданиям для самостоятельной работы студента (типовые задачи):

«отлично» (5 баллов) - обучающийся показал глубокие знания материала по поставленным вопросам, грамотно, логично его излагает, структурировал и детализировал информацию, избегая

простого повторения информации из текста, информация представлена в переработанном виде. Свободно использует необходимые формулы при решении задач;

«хорошо» (4 балла) - обучающийся твердо знает материал, грамотно его излагает, не допускает существенных неточностей в процессе решения задач;

«удовлетворительно» (3 балла) - обучающийся имеет знания основного материала по поставленным вопросам, но не усвоил его деталей, допускает отдельные неточности при решении задач;

«неудовлетворительно» (менее 2 балла) – обучающийся допускает грубые ошибки в ответе на поставленные вопросы и при решении задач.

5.2. Оценочные материалы для рубежного контроля

Рубежный контроль осуществляется по более или менее самостоятельным разделам – учебным модулям курса и проводится по окончании изучения материала модуля в заранее установленное время. Рубежный контроль проводится с целью определения качества усвоения материала учебного модуля в целом. В течение семестра проводится *три таких контрольных мероприятия по графику*.

В качестве форм рубежного контроля можно использовать тестирование (письменное или компьютерное), проведение коллоквиума или контрольных работ. Выполняемые работы должны храниться на кафедре в течение учебного года и по требованию предоставляться в Управление контроля качества. На рубежные контрольные мероприятия рекомендуется выносить весь программный материал (все разделы) по дисциплине.

5.2.1. Оценочные материалы для контрольной работы (контролируемые компетенции ОПК-1). Контрольная работа – письменная работа небольшого объема, предполагающая проверку знаний заданного к изучению материала и навыков его практического применения. Проводится три раза в течение изучения дисциплины (семестр) в часы аудиторной работы. Не менее чем за 1 неделю до контрольной работы, преподаватель должен определить студентам исходные данные для подготовки: назвать разделы (темы, вопросы), по которым будут контрольные задания, теоретические источники (с точным указанием разделов, тем, статей) для подготовки.

Контрольные работы могут состоять из одного или нескольких заданий практического содержания. При выполнении контрольной работы пользоваться конспектами лекций, учебниками, задачками не разрешено. Длительность решения контрольных заданий составляет не более 90 минут.

Образцы контрольных заданий

Рейтинговая контрольная работа № 1

Найти пределы:

$$1. \lim_{x \rightarrow 3} \frac{\sqrt{x+1} - 2}{\sqrt{x-2} - 1}.$$

$$2. \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^3 + x^2 - 3x + 1}{x^3 - 1}.$$

$$3. \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} x - \sin x}{x \cdot \sin^2 x}.$$

$$4. \lim_{x \rightarrow \infty} \left(\frac{x+2}{x-3} \right)^{5x}.$$

5. Для данной функции $f(x)$ требуется:

- а) найти точки разрыва;
- б) найти скачок функции в каждой точке разрыва;
- в) сделать чертеж.

$$f(x) = \begin{cases} 0, & x < -\pi, \\ \sin x, & -\pi < x < 0, \\ \pi, & x \geq 0. \end{cases}$$

Рейтинговая контрольная работа № 2

1. Найти производную функции

$$y = \arctg^3 \ln \frac{\sqrt{x}}{x+2}.$$

2. Найти производную функции $y = (\sqrt{x})^{\arcsin x}$.

3. Найти производную $y'(x)$ неявной функции

$$\sin(x-2y) + \frac{x^3}{y} = 7x.$$

4. Найти $\frac{dy}{dx}$, если $x = e^{-t} \cdot \cos t$, $y = e^t \cdot \cos t$.

5. Найти предел, используя правило Лопиталя

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{x^2}{e^x}.$$

6. Провести полное исследование функции $f(x) = x^2 + \frac{1}{x^2}$ и построить ее график.

Рейтинговая контрольная работа № 3

1. Найти интегралы:

$$a) \int \frac{x dx}{(5-3x^2)^7},$$

$$б) \int (x^3 + 5x) \ln x \, dx.$$

2. Вычислить интегралы:

$$a) \int_1^{\sqrt{3}} x^2 \cdot \sqrt[3]{(3-x^3)^2} \, dx,$$

$$б) \int_0^{\ln 2} \frac{e^x - 1}{e^x + 1} \, dx.$$

3. Вычислить несобственные интегралы или установить их расходимость:

$$a) \int_3^{+\infty} \frac{x^2}{x^2 + 4} \, dx.$$

$$б) \int_0^1 \frac{\ln x}{\sqrt{x}} \, dx.$$

4. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями: $y = x^3$, $y = x^2$, $x = -2$, $x = 1$.

Критерии формирования оценок по контрольным работам:

6 баллов - ставится за работу, выполненную полностью без ошибок и недочетов; обучающийся демонстрирует знание теоретического и практического материала по теме практической работы, решено 100% задач;

5 баллов – ставится за работу, выполненную полностью, но при наличии в ней не более одной негрубой ошибки и одного недочета, не более трех недочетов. Обучающийся демонстрирует знание теоретического и практического материала по теме практической работы, допуская незначительные неточности при решении задач, решено 70% задач;

4 баллов – ставится за работу, если бакалавр правильно выполнил не менее 2/3 всей работы

или допустил не более одной грубой ошибки и двух недочетов, не более одной грубой и одной негрубой ошибки, не более трех негрубых ошибок, одной негрубой. Обучающийся затрудняется с правильной оценкой предложенной задачи, дает неполный ответ, решено 55% задач

менее 3 баллов – ставится за работу, если число ошибок и недочетов превысило норму для оценки 3 или правильно выполнено менее 2/3 всей работы. Обучающийся дает неверную оценку ситуации, решено менее 50 % задач.

5.2.2. Оценочные материалы: типовые тестовые задания по дисциплине «Математический анализ» (контролируемые компетенции ОПК-1). Тест – система стандартизированных заданий, позволяющая автоматизировать процедуру измерения уровня знаний и умений студента. Решение заданий в тестовой форме проводится три раза в течение семестра на платформе <http://open.kbsu.ru/moodle/>. Не менее чем за 1 неделю до тестирования, преподаватель должен определить студентам исходные данные для подготовки к тестированию: назвать разделы (темы, вопросы), по которым будут задания в тестовой форме, теоретические источники (с точным указанием разделов, тем, статей) для подготовки.

Оценка результатов тестирования производится компьютерной программой, результат выдается немедленно по окончании теста. Максимальный балл за решение заданий в тестовой форме – 4 балла. До окончания теста студент может еще раз просмотреть все свои ответы на задания и при необходимости внести коррективы.

Полный перечень тестовых заданий представлен в ЭОИС – <http://open.kbsu.ru/moodle/course/view.php?id=3782>

Образцы тестовых заданий 1 курс 1 семестр:

- Область определения для функции $y = \log_3(4x^2 - 1)$ есть:
 - : $D(y) = (-\infty; -\frac{1}{2}] \cup [\frac{1}{2}; \infty)$
 - +: $D(Y) = (-\infty; -\frac{1}{2}) \cup (\frac{1}{2}; \infty)$
 - : $D(y) = [-\frac{1}{2}; \frac{1}{2}]$
 - : $D(y) = [0; \frac{1}{2}]$
- Функция $y = \frac{\sqrt{1-x^2}}{1-x}$ является
 - : четной
 - : нечетной
 - +: общего вида
 - : четной и нечетной
- Первые 5 элементов последовательности ($n = 1, 2, 3, 4, 5$), заданной общим членом $x_n = \frac{1}{2n+1}$, есть
 - : 1, 2, 3, 4, 5
 - : $1, \frac{1}{2}, \frac{1}{3}, \frac{1}{4}, \frac{1}{5}$
 - : $\frac{1}{4}, \frac{2}{8}, \frac{3}{16}, \frac{4}{32}, \frac{5}{64}$

$$+:\frac{1}{3}, \frac{1}{5}, \frac{1}{7}, \frac{1}{9}, \frac{1}{11}$$

4. Общий член последовательности $1, \frac{1}{3^2}, \frac{1}{5^2}, \frac{1}{7^2}, \dots$

$$-:\ x_n = \frac{n}{2n+1}$$

$$+:\ x_n = \frac{1}{(2n-1)^2}$$

$$-:\ x_n = \frac{n}{5^n}$$

$$-:\ x_n = \frac{1}{n!}$$

5. Последовательность $1, 2, 3, 4, \dots$ является

-: ограниченной

-: неограниченной

-: ограниченной сверху

+: ограниченной снизу

6. Последовательность $\{2^n\}$

-: убывающая

+: возрастающая

-: неубывающая

-: невозрастающая

7. Предел $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n+1}{n}$ равен

+: 1;

-: -1;

-: 2;

-: -2

8. Предел $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^3 - 10n^2 + 1}{100n^2 + 15n}$ равен

-: 1;

+: ∞ ;

-: -1;

-: 1

9. Предел функции $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2 - 2x}{2x^2 - 5x}$ равен

-: ∞

+: $\frac{2}{5}$

-: 0

-: $\frac{3}{2}$

10. Функция $y = \arctg \frac{1}{x}$ является непрерывной за исключением точки $x =$

+: 0

-: 1

-: 2

-: $\frac{\pi}{2}$

11. Для функции $y = \ln \frac{x^2}{(x+1)(x-3)}$ точками разрыва являются

-: 3

-: 0

+: $\{-1, 3\}$

-: 0, 1, 2

12. Производная от функции $y = (1 + \sqrt[3]{x})^3$:

-: $\frac{(1 - \sqrt{x})^2}{\sqrt[3]{x}^2}$

-: $\frac{(1 - \sqrt[3]{x})^2}{\sqrt[3]{x}^2}$

-: $\frac{(1 + \sqrt{x})^2}{\sqrt[3]{x}^2}$

+: $\frac{(1 + \sqrt[3]{x})^2}{\sqrt[3]{x}^2}$

13. Функция $y = 2 - 3x + x^3$ убывает на:

+: $(-1, 1)$

-: $(0, 1)$

-: $(1, 2)$

-: $(-\infty, +\infty)$

14. Функция $y = x(1 + \sqrt{x})$ является возрастающей на:

-: $(-\infty, +\infty)$

-: $(1, 2)$

+: $(0, +\infty)$

-: $(-1, 1)$

15. Производная функции $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$, заданной неявно:

-: $\frac{b^2 x}{a^2 y}$

$$+; -\frac{b^2x}{a^2y}$$

$$-; \frac{bx}{a^2\sqrt{x}}$$

$$-; 0$$

16. Производная от функции, заданной неявно $x^3 + y^3 - 3xy = 0$

$$+; \frac{x^2 - y}{x - y^2}$$

$$-; \frac{x + y}{x - y}$$

$$-; \frac{1}{x - y}$$

$$-; \frac{1}{x^2 - y^2}$$

17. Производная функции $\sin(x + y) = xy$, заданной неявно:

$$-; 1$$

$$-; \frac{x + y}{x - y}$$

$$-; \frac{x}{y}$$

$$+; \frac{y - \cos(x + y)}{\cos(x + y) - x}$$

18. Производная функции $\begin{cases} x = \operatorname{ch} t \\ y = \operatorname{sh} t \end{cases}$, заданной параметрически:

$$-; 0$$

$$-; \frac{1}{\operatorname{sh} t}$$

$$+; \operatorname{cth} t$$

$$-; 1$$

19. Значение $f'(1) = \dots$, если $f(x) = x^2 + 2x + 1$

$$-; 2$$

$$-; -2$$

$$-; 3$$

$$+; 4$$

20. Значение производной функции, заданной неявно $x^3 + y^3 - 3xy = 0$ в точке $M(2, 1)$ равно:

$$-; 1$$

$$-; 0$$

$$+; 3$$

-: 2

21. Значение $y'_x(1)$ при $\begin{cases} x = t \ln t, \\ y = \frac{\ln t}{t}, \end{cases}$ равно:

-: 2

-: 0

+: 1

-: 3

22. Предел функции $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x \cos x - \sin x}{x^3}$ равен:

-: 0

-: 1

+: $-\frac{1}{3}$

-: ∞

23. Производная второго порядка для функции $y = \frac{1}{4}x^2(2 \ln x - 3)$ равна:

-: 1

+: $\ln x$

-: e^x

-: 0

24. Производная второго порядка y'' от функции, заданной неявно $y = x + \arctg y$ равна:

+: $-\frac{2y^2 + 2}{y^5}$

-: 1

-: $\frac{1}{y}$

-: y^2

25. Для кривой $y = \sqrt[3]{2ax^2 - x^3}$ наклонной асимптотой является прямая

+: $y = -x + \frac{2}{3}a$

-: $y=2$

-: $y=x$

-: $y=x+3$

26. Для кривой $y = \frac{x^3}{x^2 - 1}$ вертикальными асимптотами являются

-: $x=-1, x=0$

-: $x=0, x=1$

-: $x=2, x=3$

+: $x=-1, x=1$

27. Функция $y=2\sin x + \cos 2x$ достигает максимума в точке

+: $x = \frac{\pi}{6}$

-: $x = \frac{\pi}{4}$

+: $x=0$

-: $x = \frac{\pi}{2}$

28. Для функции $y = xe^{2x} + 1$ точкой перегиба является точка:

-: $M(0,0)$

+: $M(-1, 1 - e^{-2})$

-: $M(1,0)$

-: $M(1,1)$

29. Первообразной для $\int \frac{adx}{a-x}$ является функция:

-: $y = \ln |a-x| + c$

+: $y = a \cdot \ln \left| \frac{c}{a-x} \right|$

-: $y = c - \ln |a-x|$

-: $y = \ln |a-x|$

30. Значение интеграла $\int_0^{\frac{\pi}{4}} \cos 2x dx$ равно ...

-: e

-: 0

+: $\frac{1}{2}$

-: $-\frac{1}{2}$

31. Значение интеграла $\int_0^{\pi} \sin \frac{x}{3} dx$ равно ...

+: $\frac{3}{2}$

-: e

-: 5π

-: $-\frac{3}{2}$

32. Значение интеграла $\int_0^2 (3x^2 - 1) dx$ равно ...

+: 6

-: 0

-: -4

-: 3

33. Значение интеграла $\int_1^2 \frac{dx}{x+3}$ равно ...

-: $\ln 3$

+: $\ln \frac{5}{4}$

-: $\ln \frac{1}{2}$

-: $-\ln 2$

34. Значение интеграла $\int_e^4 x \ln x dx$ равно ...

-: $4 \ln e + 1$

+: $8 \ln 4 - 4 - \frac{1}{4} e^2$

-: $8 \ln 4 - \frac{1}{4} e^2$

-: $\ln 4 - e$

35. Значение интеграла $\int_{-a}^a x \cos \frac{x}{a} dx$ равно ...

-: -1

+: 0

-: e

-: $\cos a$

36. Значение несобственного интеграла 1 рода $\int_1^{+\infty} \frac{dx}{x}$ равно:

+: 1

-: 0

-: ∞

-: -1

37. Значение несобственного интеграла 1 рода $\int_{-\infty}^{+\infty} \frac{dx}{1+x^2}$ равно:

-: $\frac{\pi}{4}$

+: $\frac{\pi}{2}$

-: ∞

-: 0

38. Несобственный интеграл $\int_0^3 \frac{dx}{\sqrt{9-x^2}}$ равен

-: $\frac{\pi}{4}$

+: $\frac{\pi}{2}$

-: ∞

-: 0

5.3. Оценочные материалы для промежуточной аттестации

Целью промежуточных аттестаций по дисциплине является оценка качества освоения дисциплины обучающимися.

Промежуточная аттестация предназначена для объективного подтверждения и оценивания достигнутых результатов обучения после завершения изучения дисциплины. Осуществляется в конце семестра и представляет собой итоговую оценку знаний по дисциплине «Математический анализ» в виде проведения экзамена (1 семестр).

***Полный перечень вопросов, выносимых на экзамен
(контролируемые компетенции ОПК-1):***

1. Функция, способы задания функций. Основные характеристики функций.
2. Обратная и сложная функции.
3. Основные элементарные функции.
4. Числовые последовательности и их свойства.
5. Предел функции в точке и предел числовой последовательности.
6. Основные теоремы о пределах.
7. Бесконечно малые и бесконечно большие функции и их свойства.
8. Сравнение бесконечно малых (бесконечно больших) функций.
9. Непрерывность функций в точке и на отрезке, точки разрыва функций.
10. Определение производной, ее механический и геометрический смысл.
11. Правила дифференцирования, таблица производных.
12. Производная сложной и обратной функции.
13. Дифференцирование неявных и параметрически заданных функций.
14. Логарифмическое дифференцирование.
15. Дифференциал функции и его применение в приближенных вычислениях.
16. Производные и дифференциалы высших порядков.
17. Правило Лопиталя.
18. Исследование функций с помощью производных.
19. Монотонность функции.
20. Наибольшее и наименьшее значения функции.
21. Экстремум функции.
22. Неопределенный интеграл.
23. Основные методы интегрирования.
24. Интегрирование простейших рациональных, иррациональных, тригонометрических функций.
25. Определенный интеграл как предел интегральной суммы. Формула Ньютона-Лейбница.
26. Геометрический и механический смысл определенного интеграла. Свойства определенного интеграла.
27. Геометрические и физические приложения определенного интеграла.
28. Приближенное вычисление определенного интеграла.
29. Несобственные интегралы.
30. Геометрические и физические приложения определенного интеграла.
31. Комплексные числа, основные понятия. Геометрическое изображение комплексных чисел. Формы записи комплексных чисел.
32. Действия над комплексными числами.

Критерии формирования оценок по промежуточной аттестации. Уровень знаний определяется оценками «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно».

1. Оценка «отлично» (91-100 баллов) - студент показывает полные и глубокие знания программного материала, логично и аргументировано отвечает на поставленный вопрос, а также дополнительные вопросы, показывает высокий уровень теоретических знаний.

2. Оценка «хорошо» (81-90 баллов) - студент показывает глубокие знания программного материала, грамотно его излагает, достаточно полно отвечает на поставленный вопрос и дополнительные вопросы, умело формулирует выводы. В тоже время при ответе допускает несущественные погрешности.

3. Оценка «удовлетворительно» (61-80 баллов) - студент показывает достаточные, но не глубокие знания программного материала; при ответе не допускает грубых ошибок или противоречий, однако в формулировании ответа отсутствует должная связь между анализом, аргументацией и выводами. Для получения правильного ответа требуется уточняющие вопросы.

4. Оценка «неудовлетворительно» (36-60 баллов) - студент показывает недостаточные знания программного материала, не способен аргументированно и последовательно его излагать, допускаются грубые ошибки в ответах, неправильно отвечает на поставленный вопрос или затрудняется с ответом.

6. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности

Максимальная сумма (100 баллов), набираемая студентом по дисциплине включает две составляющие:

– *первая составляющая* – оценка регулярности, своевременности и качества выполнения студентом учебной работы по изучению дисциплины в течение периода изучения дисциплины (семестра, или нескольких семестров) (сумма – не более 70 баллов). Баллы, характеризующие успеваемость студента по дисциплине, набираются им в течение всего периода обучения за изучение отдельных тем и выполнение отдельных видов работ.

– *вторая составляющая* – оценка знаний студента по результатам промежуточной аттестации (не более 30 –баллов).

Целью промежуточных аттестаций по дисциплине является оценка качества освоения дисциплины обучающимися.

Критерии оценки качества освоения дисциплины

Оценка «отлично»– от 91 до 100 баллов – теоретическое содержание курса освоено полностью, без пробелов, необходимые практические навыки работы с освоенным материалом сформированы. Все предусмотренные программой обучения учебные задания выполнены, качество их выполнения оценено числом баллов, близким к максимальному. На экзамене студент демонстрирует глубокие знания предусмотренного программой материала, умеет четко, лаконично и логически последовательно отвечать на поставленные вопросы.

Оценка «хорошо» – от 81 до 90 баллов – теоретическое содержание курса освоено, необходимые практические навыки работы сформированы, выполненные учебные задания содержат незначительные ошибки. На экзамене студент демонстрирует твердое знания основного (программного) материала, умеет четко, грамотно, без существенных неточностей отвечать на поставленные вопросы.

Оценка «удовлетворительно» – от 61 до 80 баллов – теоретическое содержание курса освоено не полностью, необходимые практические навыки работы сформированы частично, выполненные учебные задания содержат грубые ошибки. На экзамене студент демонстрирует знание только основного материала, ответы содержат неточности, слабо аргументированы, нарушена последовательность изложения материала

Оценка «неудовлетворительно» – от 36 до 60 баллов – теоретическое содержание курса не освоено, необходимые практические навыки работы не сформированы, выполненные учебные задания содержат грубые ошибки, дополнительная самостоятельная работа над материалом курса не приведет к существенному повышению качества выполнения учебных заданий. На экзамене студент демонстрирует незнание значительной части программного материала, существенные ошибки в ответах на вопросы, неумение ориентироваться в материале, незнание основных понятий дисциплины.

Критерием оценки уровня сформированности компетенций в рамках учебной дисциплины «Математический анализ» является экзамен (1 семестр). Общий балл текущего и рубежного контроля складывается из составляющих, приведенных в Приложении 1.

Целью промежуточных аттестаций по дисциплине является оценка качества освоения дисциплины обучающимися. Критерии оценки качества освоения дисциплины прилагается (Приложение 2).

Типовые задания, обеспечивающие формирование компетенций ОПК-1 представлены в таблице 1.

Таблица 1. Результаты освоения учебной дисциплины, подлежащие проверке

Категория общепрофес- сиональных компетенций	Код и наименование общепрофес- сиональной компетенции	Код и наименование индикатора достижения общепрофессиональной компетенции	Вид оценочного материала, обеспечивающие формирование компетенций
1	2	3	4
Научное мышление	ОПК-1. Способен использовать положения, законы и методы естественных наук и математики для решения задач инженерной деятельности	ИД-1 _{ОПК-1} Знает фундаментальные законы природы и основные физические и математические законы ИД-2 _{ОПК-1} Умеет применять физические законы и математические методы для решения задач теоретического и прикладного характера ИД-3 _{ОПК-1} Владеет навыками использования знаний физики и математики при решении практических задач	Типовые оценочные материалы для устного опроса (раздел 5.1.1) Оценочные материалы для самостоятельной работы (типовые задачи раздел 5.1.2.) Типовые тестовые задания (раздел 5.2.2)

Таким образом, выполнение типовых заданий, представленных в разделе 5 «Оценочные материалы для текущего и рубежного контроля успеваемости и промежуточной аттестации» позволит обеспечить:

- способен использовать положения, законы и методы естественных наук и математики для решения задач инженерной деятельности (ОПК-1).

7. Учебно-методическое обеспечение дисциплины

7.1. Нормативно-законодательные акты

1. Федеральный закон «Об образовании в Российской Федерации» от 29.12.2012 № 273-ФЗ (последняя редакция). - [Электронный ресурс]. – Режим доступа: Консультант Плюс: URL: <http://consultant.ru/>
2. Приказ Минобрнауки России об утверждении Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования-бакалавриат по направлению подготовки 11.03.01 Радиотехника утвержденного приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 10 октября 2017 г. №48494 (зарегистрировано в Минюсте России 19 сентября 2017 г. № 927). http://fgosvo.ru/uploadfiles/FGOS%20VO%203++/Bak/110304_B_3_12102017.pdf

7.2. Основная литература

1. Геворкян Э.А. Математика. Математический анализ [Электронный ресурс]: учебное пособие/ Геворкян Э.А., Малахов А.Н.- М.: Евразийский открытый институт, 2010.— 344 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/10715.html>. -ЭБС «IPRbooks»
2. Веретенников В.Н. Высшая математика. Математический анализ функций одной переменной [Электронный ресурс]/ Веретенников В.Н.- СПб.: Российский государственный гидрометеорологический университет, 2013.— 254 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/17901.html>. - ЭБС «IPRbooks»
3. Киркинский А.С. Математический анализ [Электронный ресурс]: учебное пособие для вузов/ Киркинский А.С.- М.: Академический Проект, 2006.— 526 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/36406.html>. - ЭБС «IPRbooks»

7.3. Дополнительная литература

1. Выгодский М.Я. Справочник по высшей математике. М.: АСТ: Астрель, 2006. – 991 с.
2. Запорожец Г. И. Руководство к решению задач по математическому анализу. – М: Высшая школа, 1966. – 460 с.
3. Кудрявцев Л. Д. Краткий курс математического анализа. – М: Наука, 1989. – 736 с.
4. Лунгу К.Н., Письменный Д.Т., Федин С.Н. Сборник задач по высшей математике. 1 курс.- 3 изд., испр. и доп.- М.: Айрис-пресс, 2004.- 576 с.
5. Лунгу К.Н., Письменный Д.Т., Федин С.Н. Сборник задач по высшей математике. 2 курс.- 3 изд., испр. и доп.- М.: Айрис-пресс, 2004.- 592с.
6. Письменный Д.Т. Конспект лекций по высшей математике: полный курс. – Москва: Айрис-Пресс, 2007. – 603 с.
7. Справочно-информационная система «Консультант Плюс». URL: <http://www.consultant.ru/>

7.4. Периодические издания

1. Известия вузов. Северо-Кавказский регион. Естественные науки
2. Успехи математических наук

7.5. Интернет-ресурсы

При изучении дисциплины «Математический анализ» обучающиеся обеспечены доступом (удаленный доступ) к ресурсам:

– **общие информационные, справочные и поисковые:**

1. Справочная правовая система «Гарант». URL: <http://www.garant.ru>

2. Справочно-информационная система «Консультант Плюс». URL: <http://www.consultant.ru/>

– **к современным профессиональным базам данных:**

№ п/п	Наименование электронного ресурса	Краткая характеристика	Адрес сайта	Условия доступа
1.	ЭБД РГБ	Электронные версии полных текстов диссертаций и авторефератов из фонда Российской государственной библиотеки	http://www.diss.rsl.ru	Авторизованный доступ из библиотеки (к. 112-113)
2.	«Web of Science» (WOS)	Реферативно-библиографическая и наукометрическая база	http://www.isiknowledge.com/	Доступ по IP-адресам КБГУ

		данных, в которой индексируются около 12,5 тыс. журналов		
3.	SciVerse Scopus («Scopus»)	Реферативная и аналитическая база данных, содержащая 21.000 рецензируемых журналов; 100.000 книг; 370 книжный серий (продолжающихся изданий); 6,8 млн. докладов из трудов конференций	http://www.scopus.com	Доступ по IP-адресам КБГУ
4.	Научная электронная библиотека (НЭБ РФФИ)	Электронная библиотека научных публикаций - полнотекстовые версии около 4000 иностранных и 3900 отечественных научных журналов, рефераты публикаций 20 тысяч журналов, а также описания 1,5 млн. зарубежных и российских диссертаций. 2800 российских журналов на безвозмездной основе	http://elibrary.ru	Полный доступ
5.	База данных Science Index (РИНЦ)	Национальная информационно-аналитическая система, аккумулирующая более 6 миллионов публикаций российских авторов, а также информацию об их цитировании из более 4500 российских журналов.	http://elibrary.ru	Авторизованный доступ. Позволяет дополнять и уточнять сведения о публикациях ученых КБГУ, имеющих в РИНЦ
6.	Национальная электронная библиотека РГБ	Объединенный электронный каталог фондов российских библиотек, содержащий 4 331 542 электронных документов образовательного и научного характера по различным отраслям знаний	https://нэб.рф	Доступ с электронного читального зала библиотеки КБГУ
7.	ЭБС «АйПиЭрбукс»	107831 публикаций, в т.ч.: 19071 – учебных изданий, 6746 – научных изданий, 700 коллекций, 343 журнала ВАК, 2085 аудиоизданий	http://iprbookshop.ru/	Полный доступ (регистрация по IP-адресам КБГУ)
8.	ЭБС «Лань»	Электронные версии книг ведущих издательств учебной и научной литературы (в том числе университетских издательств), так и электронные версии периодических изданий по	https://e.lanbook.com/	Полный доступ (регистрация по IP-адресам КБГУ)

		различным областям знаний.		
--	--	----------------------------	--	--

- Для эффективного усвоения дисциплины, помимо учебного материала, студентам необходимо пользоваться данными всемирной сети Интернет, такими сайтами, как:

1. Библиотека КБГУ. URL: <http://lib.kbsu.ru>
2. Свободная энциклопедия «Википедия». URL: <https://ru.wikipedia.org/>
3. Служба тематических толковых словарей. URL: <http://glossary.ru/>
4. Электронно-библиотечная система «IPR BOOKS». URL: <http://www.iprbookshop.ru/>
5. Электронно-библиотечная система «Консультант студента». URL: <http://www.studentlibrary.ru/>

7.6. Методические указания по проведению различных учебных занятий, к курсовому проектированию и другим видам самостоятельной работы

Методические рекомендации по изучению дисциплины «Математический анализ» для обучающихся

Целью дисциплины «Математический анализ» является формирование комплекса основных теоретических и практических знаний по математическому анализу, необходимых для решения задач, возникающих в практической деятельности.

Приступая к изучению дисциплины, обучающемуся необходимо ознакомиться с тематическим планом занятий, списком рекомендованной учебной литературы. Следует уяснить последовательность выполнения индивидуальных учебных заданий, занести в свою рабочую тетрадь темы и сроки проведения семинаров, написания учебных и творческих работ. При изучении дисциплины обучающиеся выполняют следующие задания: изучают рекомендованную учебную и научную литературу; пишут контрольные работы, выполняют самостоятельные творческие работы, участвуют в выполнении практических заданий. Уровень и глубина усвоения дисциплины зависят от активной и систематической работы на лекциях, изучения рекомендованной литературы, выполнения контрольных письменных заданий.

Курс изучается на лекциях, семинарах, при самостоятельной и индивидуальной работе обучающихся. Обучающийся для полного освоения материала должен не пропускать занятия и активно участвовать в учебном процессе. Для максимальной эффективности изучения необходимо постоянно вести конспект лекций, знать рекомендуемую преподавателем литературу, позволяющую дополнить знания и лучше подготовиться к семинарским занятиям.

В соответствии с учебным планом на каждую тему выделено необходимое количество часов практических занятий, которые проводятся в соответствии с вопросами, рекомендованными к изучению по определенным темам. Обучающиеся должны регулярно готовиться к семинарским занятиям и участвовать в обсуждении вопросов. При подготовке к занятиям следует руководствоваться конспектом лекций и рекомендованной литературой. Тематический план дисциплины, учебно-методические материалы, а также список рекомендованной литературы приведены в рабочей программе.

Методические рекомендации при работе над конспектом во время проведения лекции

В процессе лекционных занятий целесообразно конспектировать учебный материал. Для этого используются общие и утвердившиеся в практике правила, и приемы конспектирования лекций.

Конспектирование лекций ведется в специально отведенной для этого тетради, каждый лист которой должен иметь поля, на которых делаются пометки из рекомендованной литературы,

дополняющие материал прослушанной лекции, а также подчеркивающие особую важность тех или иных теоретических положений.

Целесообразно записывать тему и план лекций, рекомендуемую литературу к теме. Записи разделов лекции должны иметь заголовки, подзаголовки, красные строки. Для выделения разделов, выводов, определений, основных идей можно использовать цветные карандаши и фломастеры.

Названные в лекции ссылки на первоисточники надо пометить на полях, чтобы при самостоятельной работе найти и вписать их. В конспекте дословно записываются определения понятий, категорий и законов. Остальное должно быть записано своими словами.

Каждому студенту необходимо выработать и использовать допустимые сокращения наиболее распространенных терминов и понятий.

Методические рекомендации по подготовке к практическим занятиям

Практические (семинарские) занятия – составная часть учебного процесса, групповая форма занятий при активном участии студентов. Практические занятия способствуют углубленному изучению наиболее сложных проблем науки и служат основной формой подведения итогов самостоятельной работы обучающихся. Целью практических занятий является углубление и закрепление теоретических знаний, полученных обучающимися на лекциях и в процессе самостоятельного изучения учебного материала, а, следовательно, формирование у них определенных умений и навыков.

В ходе подготовки к семинарскому занятию необходимо прочитать конспект лекции, изучить основную литературу, ознакомиться с дополнительной литературой, выполнить выданные преподавателем практические задания. При этом учесть рекомендации преподавателя и требования программы. Дорабатывать свой конспект лекции, делая в нем соответствующие записи из литературы.

Желательно при подготовке к практическим занятиям по дисциплине одновременно использовать несколько источников, раскрывающих заданные вопросы.

На практических занятиях обучающиеся учатся грамотно излагать проблемы, свободно высказывать свои мысли и суждения, рассматривают ситуации, способствующие развитию профессиональной компетентности. Следует иметь в виду, что подготовка к практическому занятию зависит от формы, места проведения семинара, конкретных заданий и поручений. Это может быть написание доклада, эссе, реферата (с последующим их обсуждением), коллоквиум.

Методические рекомендации по организации самостоятельной работы

Самостоятельная работа (по В.И. Далю «самостоятельный – человек, имеющий свои твердые убеждения») осуществляется при всех формах обучения: очной и заочной.

Самостоятельная работа обучающихся - способ активного, целенаправленного приобретения студентом новых для него знаний и умений без непосредственного участия в этом процесса преподавателей. Повышение роли самостоятельной работы обучающихся при проведении различных видов учебных занятий предполагает:

- оптимизацию методов обучения, внедрение в учебный процесс новых технологий обучения, повышающих производительность труда преподавателя, активное использование информационных технологий, позволяющих обучающемуся в удобное для него время осваивать учебный материал;
- широкое внедрение компьютеризированного тестирования;
- совершенствование методики проведения практик и научно-исследовательской работы обучающихся, поскольку именно эти виды учебной работы в первую очередь готовят обучающихся к самостоятельному выполнению профессиональных задач;

– модернизацию системы курсового и дипломного проектирования, которая должна повышать роль студента в подборе материала, поиске путей решения задач.

Самостоятельная работа приводит студента к получению нового знания, упорядочению и углублению имеющихся знаний, формированию у него профессиональных навыков и умений. Самостоятельная работа выполняет ряд функций:

- развивающую;
- информационно-обучающую;
- ориентирующую и стимулирующую;
- воспитывающую;
- исследовательскую.

В рамках курса выполняются следующие виды самостоятельной работы:

1. Проработка учебного материала (по конспектам, учебной и научной литературе);
2. Выполнение разноуровневых задач и заданий;
3. Работа с тестами и вопросами для самопроверки;
4. Выполнение итоговой контрольной работы.

Студентам рекомендуется с самого начала освоения курса работать с литературой и предлагаемыми заданиями в форме подготовки к очередному аудиторному занятию. При этом актуализируются имеющиеся знания, а также создается база для усвоения нового материала, возникают вопросы, ответы на которые студент получает в аудитории.

Необходимо отметить, что некоторые задания для самостоятельной работы по курсу имеют определенную специфику. При освоении курса студент может пользоваться библиотекой вуза, которая в полной мере обеспечена соответствующей литературой. Значительную помощь в подготовке к очередному занятию может оказать имеющийся в учебно-методическом комплексе краткий конспект лекций. Он же может использоваться и для закрепления полученного в аудитории материала. Самостоятельная работа студентов предусмотрена учебным планом и выполняется в обязательном порядке. Задания предложены по каждой изучаемой теме и могут готовиться индивидуально или в группе. По необходимости студент может обращаться за консультацией к преподавателю. Выполнение заданий контролируется и оценивается преподавателем.

Для успешного самостоятельного изучения материала сегодня используются различные средства обучения, среди которых особое место занимают информационные технологии разного уровня и направленности: электронные учебники и курсы лекций, базы тестовых заданий и задач. Электронный учебник представляет собой программное средство, позволяющее представить для изучения теоретический материал, организовать апробирование, тренаж и самостоятельную творческую работу, помогающее студентам и преподавателю оценить уровень знаний в определенной тематике, а также содержащее необходимую справочную информацию. Электронный учебник может интегрировать в себе возможности различных педагогических программных средств: обучающих программ, справочников, учебных баз данных, тренажеров, контролирующих программ.

Для успешной организации самостоятельной работы все активнее применяются разнообразные образовательные ресурсы в сети Интернет: системы тестирования по различным областям, виртуальные лекции, лаборатории, при этом пользователю достаточно иметь компьютер и подключение к Интернету для того, чтобы связаться с преподавателем, решать вычислительные задачи и получать знания. Использование сетей усиливает роль самостоятельной работы студента и позволяет кардинальным образом изменить методику преподавания.

Студент может получать все задания и методические указания через сервер, что дает ему возможность привести в соответствие личные возможности с необходимыми для выполнения работ трудозатратами. Студент имеет возможность выполнять работу дома или в аудитории. Большое воспитательное и образовательное значение в самостоятельном учебном труде студента имеет самоконтроль. Самоконтроль возбуждает и поддерживает внимание и интерес, повышает активность памяти и мышления, позволяет студенту своевременно обнаружить и устранить допущенные ошибки и недостатки, объективно определить уровень своих знаний, практических умений. Самое доступное и простое средство самоконтроля с применением информационно-коммуникационных технологий - это ряд тестов «on-line», которые позволяют в режиме реального времени определить свой уровень владения предметным материалом, выявить свои ошибки и получить рекомендации по самосовершенствованию.

Методические рекомендации по работе с литературой

Всю литературу можно разделить на учебники и учебные пособия, оригинальные научные монографические источники, научные публикации в периодической печати. Из них можно выделить литературу основную (рекомендуемую), дополнительную и литературу для углубленного изучения дисциплины.

Изучение дисциплины следует начинать с учебника, поскольку учебник – это книга, в которой изложены основы научных знаний по определенному предмету в соответствии с целями и задачами обучения, установленными программой.

При работе с литературой необходимо учитывать, что имеются различные виды чтения, и каждый из них используется на определенных этапах освоения материала.

Предварительное чтение направлено на выявление в тексте незнакомых терминов и поиск их значения в справочной литературе. В частности, при чтении указанной литературы необходимо подробнейшим образом анализировать понятия.

Сквозное чтение предполагает прочтение материала от начала до конца. Сквозное чтение литературы из приведенного списка дает возможность студенту сформировать свод основных понятий из изучаемой области и свободно владеть ими.

Выборочное – наоборот, имеет целью поиск и отбор материала. В рамках данного курса выборочное чтение, как способ освоения содержания курса, должно использоваться при подготовке к практическим занятиям по соответствующим разделам.

Аналитическое чтение – это критический разбор текста с последующим его конспектированием. Освоение указанных понятий будет наиболее эффективным в том случае, если при чтении текстов студент будет задавать к этим текстам вопросы. Часть из этих вопросов сформулирована в ФОС в перечне вопросов для собеседования. Перечень этих вопросов ограничен, поэтому важно не только содержание вопросов, но сам принцип освоения литературы с помощью вопросов к текстам.

Целью *изучающего* чтения является глубокое и всестороннее понимание учебной информации. Есть несколько приемов изучающего чтения:

1. Чтение по алгоритму предполагает разбиение информации на блоки: название; автор; источник; основная идея текста; фактический материал; анализ текста путем сопоставления имеющихся точек зрения по рассматриваемым вопросам; новизна.
2. Прием постановки вопросов к тексту имеет следующий алгоритм:
 - медленно прочитать текст, стараясь понять смысл изложенного;
 - выделить ключевые слова в тексте;
 - постараться понять основные идеи, подтекст и общий замысел автора.

3. Прием тезирования заключается в формулировании тезисов в виде положений, утверждений, выводов.

К этому можно добавить и иные приемы: прием реферирования, прием комментирования.

Важной составляющей любого солидного научного издания является список литературы, на которую ссылается автор. При возникновении интереса к какой-то обсуждаемой в тексте проблеме всегда есть возможность обратиться к списку относящейся к ней литературы. В этом случае вся проблема как бы разбивается на составляющие части, каждая из которых может изучаться отдельно от других. При этом важно не терять из вида общий контекст и не погружаться чрезмерно в детали, потому что таким образом можно не увидеть главного.

Подготовка к экзамену должна проводиться на основе лекционного материала, материала практических занятий с обязательным обращением к основным учебникам по курсу. Это позволит исключить ошибки в понимании материала, облегчит его осмысление, прокомментирует материал многочисленными примерами.

Методические рекомендации для подготовки к экзамену

Экзамен является формой итогового контроля знаний и умений, обучающихся по данной дисциплине, полученных на лекциях, практических занятиях и в процессе самостоятельной работы. Основой для определения оценки служит уровень усвоения обучающимися материала, предусмотренного данной рабочей программой. К экзамену допускаются студенты, набравшие 36 и более баллов по итогам текущего и промежуточного контроля. На экзамене студент может набрать от 15 до 30 баллов.

В период подготовки к экзамену обучающиеся вновь обращаются к учебно-методическому материалу и закрепляют промежуточные знания.

Подготовка обучающегося к экзамену включает три этапа:

- самостоятельная работа в течение семестра;
- непосредственная подготовка в дни, предшествующие экзамену по темам курса;
- подготовка к ответу на экзаменационные вопросы.

При подготовке к экзамену обучающимся целесообразно использовать материалы лекций, учебно-методические комплексы, нормативные документы, основную и дополнительную литературу.

На экзамен выносится материал в объеме, предусмотренном рабочей программой учебной дисциплины за семестр. Экзамен проводится в письменной / устной форме.

При проведении экзамена в письменной (устной) форме, ведущий преподаватель составляет экзаменационные билеты, которые включают в себя: тестовые задания; теоретические задания; задачи или ситуации. Формулировка теоретических задания совпадает с формулировкой перечня экзаменационных вопросов, доведенных до сведения обучающихся накануне экзаменационной сессии. Содержание вопросов одного билета относится к различным разделам программы с тем, чтобы более полно охватить материал учебной дисциплины.

В аудитории, где проводится устный экзамен, должно одновременно находиться не более шести студентов на одного преподавателя, принимающего экзамен. На подготовку ответа на билет на экзамене отводится 40 минут.

При проведении письменного экзамена на работу отводится 60 минут.

Результат устного (письменного) экзамена выражается оценками:

Оценка «отлично» – от 91 до 100 баллов – теоретическое содержание курса освоено полностью, без пробелов, необходимые практические навыки работы с освоенным материалом сформированы. Все предусмотренные программой обучения учебные задания выполнены, качество их выполнения оценено числом баллов, близким к максимальному. На экзамене студент демонстрирует глубокие знания предусмотренного программой материала, умеет четко, лаконично и логически последовательно отвечать на поставленные вопросы.

Оценка «хорошо» – от 81 до 90 баллов – теоретическое содержание курса освоено, необходимые практические навыки работы сформированы, выполненные учебные задания содержат незначительные

ошибки. На экзамене студент демонстрирует твердое знание основного (программного) материала, умеет четко, грамотно, без существенных неточностей отвечать на поставленные вопросы.

Оценка «удовлетворительно» – от 61 до 80 баллов – теоретическое содержание курса освоено не полностью, необходимые практические навыки работы сформированы частично, выполненные учебные задания содержат грубые ошибки. На экзамене студент демонстрирует знание только основного материала, ответы содержат неточности, слабо аргументированы, нарушена последовательность изложения материала

Оценка «неудовлетворительно» – от 36 до 60 баллов – теоретическое содержание курса не освоено, необходимые практические навыки работы не сформированы, выполненные учебные задания содержат грубые ошибки, дополнительная самостоятельная работа над материалом курса не приведет к существенному повышению качества выполнения учебных заданий. На экзамене студент демонстрирует незнание значительной части программного материала, существенные ошибки в ответах на вопросы, неумение ориентироваться в материале, незнание основных понятий дисциплины.

8. Материально-техническое обеспечение дисциплины

8.1. Требования к материально-техническому обеспечению

Для реализации рабочей программы дисциплины имеются специальные помещения для проведения занятий лекционного и семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, а также помещения для самостоятельной работы и помещения для хранения и профилактического обслуживания оборудования. Специальные помещения укомплектованы специализированной мебелью и техническими средствами обучения, служащими для представления информации большой аудитории.

При проведении занятий лекционного/ семинарского типа занятий используются:

лицензионное программное обеспечение:

- Продукты Microsoft (Desktop Education ALNG LicSaPk OLVS Academic Edition Enterprise);
- АО «Лаборатория Касперского» - права на программное обеспечение Kaspersky Endpoint Security для бизнеса – Стандартный Russian Антивирусное программное обеспечение Dr.Web Desktop Security Suite.

- ООО «Доктор веб» - права на использование программного обеспечения Dr.Web Desktop Security Suite Антивирус + Центр управления на 12 мес., 200 ПК

свободно распространяемые программы:

- Academic MarthCAD License - математическое программное обеспечение, которое позволяет выполнять, анализировать важнейшие инженерные расчеты и обмениваться ими;
- WinZip для Windows - программ для сжатия и распаковки файлов;
- Adobe Reader для Windows – программа для чтения PDF файлов;
- Far Manager - консольный файловый менеджер для операционных систем семейства Microsoft Windows.

8.2 Особенности реализации дисциплины для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья

Для студентов с ограниченными возможностями здоровья созданы специальные условия для получения образования. В целях доступности получения высшего образования по образовательным программам инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья университетом обеспечивается:

1. Альтернативная версия официального сайта в сети «Интернет» для слабовидящих.

2. Для инвалидов с нарушениями зрения (слабовидящие, слепые):

- присутствие ассистента, оказывающего обучающемуся необходимую помощь, дублирование вслух справочной информации о расписании учебных занятий; наличие средств для

усиления остаточного зрения, брайлевской компьютерной техники, видеоувеличителей, программ не визуального доступа к информации, программ-синтезаторов речи и других технических средств приема-передачи учебной информации в доступных формах для студентов с нарушениями зрения;

- задания для выполнения на экзамене зачитываются ассистентом;

- письменные задания выполняются на бумаге, надиктовываются ассистенту обучающимся;

3. Для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по слуху (слабослышащие, глухие):

- на зачете присутствует ассистент, оказывающий студенту необходимую техническую помощь с учетом индивидуальных особенностей (он помогает занять рабочее место, передвигаться, прочитать и оформить задание, в том числе записывая под диктовку);

- зачет проводится в письменной форме;

4. Для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья, имеющих нарушения опорно-двигательного аппарата, созданы материально-технические условия обеспечивающие возможность беспрепятственного доступа обучающихся в учебные помещения, объекту питания, туалетные и другие помещения университета, а также пребывания в указанных помещениях (наличие расширенных дверных проемов, поручней и других приспособлений):

- письменные задания выполняются на компьютере со специализированным программным обеспечением или надиктовываются ассистенту;

- по желанию студента экзамен проводится в устной форме.

Обучающиеся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья обеспечены электронными образовательными ресурсами в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья.

ЛИСТ

изменений (дополнений) в рабочей программе дисциплины

«Математический анализ» по направлению подготовки *11.03.01 Радиотехника* (уровень бакалавриата) (профиль Интегрированные системы безопасности) на 20 -20 учебный год

№ п/п	Элемент (пункт) РПД	Перечень выносимых изменений (дополнений)	Примечание

Обсуждена и рекомендована на заседании кафедры алгебры и дифференциальных уравнений протокол № _____ от «_____» _____ 2022 г.

Заведующий кафедрой _____
подпись, расшифровка подписи, дата

Распределение баллов текущего и рубежного контроля

№п/п	Вид контроля	Сумма баллов			
		Общая сумма	1-я точка	2-я точка	3-я точка
1-	Посещение занятий	до 10 баллов	до 3 б.	до 3б.	до 4б.
2-	Текущий контроль:	до 30 баллов	до 10 б.	до 10 б.	до 10 б.
	Ответ на 5 вопросов	от 0 до 15 б.	от 0 до 5 б.	от 0 до 5 б.	от 0 до 5 б.
	Полный правильный ответ	до 15 баллов	5 б.	5 б.	5 б.
	Неполный правильный ответ	от 3 до 12 б.	от 1 до 4 б.	от 1 до 4 б.	от 1 до 4 б.
	Ответ, содержащий неточности, ошибки	0б.	0б.	0б.	0б.
	Выполнение самостоятельных заданий (решение задач)	от 0 до 15 б.	от 0 до 5 б.	от 0 до 5 б.	от 0 до 5 б.
1.	Рубежный контроль	до 30 баллов	до 10 б.	до 10 б.	до 10 б.
	тестирование	от 0- до 12 б.	от 0- до 4 б.	от 0- до 4 б.	от 0- до 4б.
	контрольная работа	от 0 до 18б.	от 0 до 6 б.	от 0 до 6 б.	от 0 до 6 б.
	Итого сумма текущего и рубежного контроля	до 70 баллов	до 23б.	до 23 б.	до 24 б.

Шкала оценивания планируемых результатов обучения
Текущий и рубежный контроль

Семестр	Шкала оценивания			
	0-35 баллов	36-50 баллов	51-60 баллов	61-70 баллов
I	Частичное посещение аудиторных занятий. Неудовлетворительное выполнение лабораторных и практических работ. Плохая подготовка к балльно-рейтинговым мероприятиям. Студент не допускается к промежуточной аттестации	Полное или частичное посещение аудиторных занятий. Частичное выполнение практических работ. Выполнение контрольных работ, тестовых заданий на оценку «удовлетворительно».	Полное или частичное посещение аудиторных занятий. Полное выполнение практических работ. Выполнение контрольных работ, тестовых заданий на оценки «хорошо».	Полное посещение аудиторных занятий. Полное выполнение практических занятий. Выполнение контрольных работ, тестовых заданий на оценки «отлично».

Промежуточная аттестация (экзамен)

Семестр	Шкала оценивания			
	Неудовлетворительно (36-60 баллов)	Удовлетворительно (61-80 баллов)	Хорошо (81-90 баллов)	Отлично (91-100 баллов)
I	Студент имеет 36-60 баллов по итогам текущего и рубежного контроля, на экзамене не дал полного ответа ни на один вопрос. Студент имеет 36-45 баллов по итогам текущего и рубежного контроля, на экзамене дал полный ответ только на один вопрос.	Студент имеет 36-50 баллов по итогам текущего и рубежного контроля, на экзамене дал полный ответ на один вопрос и частично (полностью) ответил на второй. Студент имеет 46-60 баллов по итогам текущего и рубежного контроля, на экзамене дал полный ответ на один вопрос или частично ответил на все вопросы. Студент имеет по итогам текущего и рубежного контроля 61-70 баллов на экзамене не дал полного ответа ни на один вопрос.	Студент имеет 51-60 баллов по итогам текущего и рубежного контроля, на экзамене дал полный ответ на один вопрос и частично (полностью) ответил на второй. Студент имеет 61 – 65 баллов по итогам текущего и рубежного контроля, на экзамене дал полный ответ на один вопрос и частично ответил на второй. Студент имеет 66-70 баллов по итогам текущего и рубежного контроля, на экзамене дал полный ответ только на один вопрос.	Студент имеет 61-70 баллов по итогам текущего и рубежного контроля, на экзамене дал полный ответ на один вопрос и частично (полностью) ответил на второй.