

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ
Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования «Кабардино-Балкарский государственный университет
им. Х.М. Бербекова» (КБГУ)

ИНСТИТУТ ФИЗИКИ И МАТЕМАТИКИ

КАФЕДРА АЛГЕБРЫ И ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫХ УРАВНЕНИЙ

СОГЛАСОВАНО
Руководитель образовательной
программы _____
« ____ » _____ 202 ____ г.

УТВЕРЖДАЮ
Директор ИФ и М
_____ Б.И. Кунижев
« ____ » _____ 202 ____ г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

«АЛГЕБРА»

Программа специалитета
01.05.01 Фундаментальные математика и механика
(код и наименование программы специалитета)

Направленность (профиль)
Фундаментальная математика
(наименование направленности (профиля))

Квалификация (степень) выпускника
специалист

Форма обучения
Очная

Нальчик, 2024г

Рабочая программа дисциплины (модуля) «Алгебра» /сост. А.А.Токбаева
– Нальчик: КБГУ, 2024г.

Рабочая программа дисциплины «Алгебра» предназначена для студентов очной формы обучения по программе специалитета 01.05.01 Фундаментальные математика и механика, профиль «Фундаментальная математика» I-II семестра, 1 курса.

Рабочая программа составлена с учетом Федерального государственного образовательного стандарта высшего образования по специальности 01.05.01 Фундаментальные математика и механика (уровень специалитета), утвержденного приказом Министерства науки и высшего образования Российской Федерации от 10.01.2018г. №16 (зарегистрировано в Минюсте РФ 6 февраля 2018г. № 49943).

Содержание

1	Цели и задачи освоения дисциплины.....	4
2	Место дисциплины в структуре ОПОП ВО	4
3	Требования к результатам освоения дисциплины	5
4	Содержание и структура дисциплины.....	6
5	Оценочные материалы для текущего и рубежного контроля успеваемости и промежуточной аттестации.....	16
6	Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности.....	36
7	Учебно-методическое обеспечение дисциплины	38
7.1.	Нормативно-законодательные акты.....	38
7.2.	Основная литература.....	38
7.3.	Дополнительная литература.....	38
7.4.	Периодические издания.....	39
7.5.	Интернет-ресурсы.....	39
7.6.	Методические указания по проведению различных учебных занятий, к курсовому проектированию и другим видам самостоятельной работы.....	42
8	Материально-техническое обеспечение дисциплины.....	48
	Лист изменений (дополнений) в рабочей программе дисциплины.....	50
	Приложения	

1. Цели и задачи освоения дисциплины.

Цели дисциплины:

- получение базовых знаний по алгебре: определители, комплексные числа и многочлены, матричная алгебра и решение систем линейных уравнений, конечномерные линейные пространства;
- формирование умений и навыков по использованию логического аппарата в процессе обучения;
- развитие логического мышления;
- получение представления о проблемах обоснования математики;
- формирование исследовательских умений общенаучного, специализированного математического и методического характера;
- формирование навыков владения современными методами анализа научной и научно-методической литературы.

Задачи дисциплины:

- сформировать базовый понятийный аппарат, необходимый для восприятия и осмысления последующих курсов в блоке математических, информационных и методических дисциплин;
- сформировать навыки математического моделирования мыслительного процесса в различных предметных областях;
- способствовать формированию навыков работы с учебной, научной и научно-методической литературой;
- сформировать умения применять полученные знания для решения алгебраических задач;
- дать представление о современном состоянии научных исследований в области алгебры и сопряженных с ней областях знаний.

2. Место дисциплины в структуре ОПОП ВО

Дисциплина «Алгебра» относится к обязательной части Блока 1 «Дисциплины (модули)» программы специалитета 01.05.01 Фундаментальные математика и механика (Профиль: «Фундаментальная математика»). Ее включение в учебный план с первого семестра первого курса определяется тем фактором, что с курса высшей алгебры начинается математическое образование по многим другим математическим дисциплинам. Так, знания, полученные в этом курсе, используются в аналитической геометрии, математическом анализе, дифференциальной геометрии и топологии, дискретной математике, математической логике, теории чисел и др.

3. Требования к результатам освоения содержания дисциплины.

В совокупности с другими дисциплинами профиля «Фундаментальная математика» в соответствии с ФГОС ВО 3++ и ОПОП ВО по программе специалитета 01.05.01 Фундаментальные математика и механика дисциплина «Алгебра» направлена на формирование следующей **профессиональной компетенции специальности:**

ПКС-3. Способен публично представлять собственные и известные научные результаты

Индикаторы достижения компетенции ОПК-3:

ПКС – 3.1. Способен публично представлять результаты собственных исследований;

ПКС – 3.2. Способен изучить новейшие результаты исследований и применить их в профессиональной деятельности.

В результате освоения дисциплины «Алгебра» обучающийся должен:

Знать:

- определения основных понятий, и логических связей между ними;
- методы решения систем линейных уравнений.
- основные алгебраические структуры и их свойства.
- алгебру матриц и их приложения.
- поле комплексных чисел и их основные свойства.
- векторные и евклидовы пространства. Линейные преобразования этих пространств.
- квадратичные формы и приведения их к нормальному виду.
- методы решения задач;
- формулировки теорем;
- описания алгоритмов (процессов построения объектов, решения задач, доказательств утверждений и др.).

Уметь:

- решать системы линейных уравнений;
- вычислять определители;
- проводить операции над матрицами и находить их ранг;
- проводить действия над комплексными числами;
- классифицировать алгебраические структуры;
- исследовать свойства многочленов;
- вычислять базис и размерность линейного пространства;
- проводить операции над линейными подпространствами;
- находить собственные векторы и собственные значения;
- находить канонический вид квадратичных форм.

Владеть:

- методами линейной алгебры;
- аппаратом теории групп и их представлений;
- способами применения специальных математических и других способов познавательной деятельности к объектам алгебры (приемами анализа формулировок задач, теорем).

4. Содержание и структура дисциплины

Таблица 1. Содержание дисциплины «Алгебра», перечень оценочных средств и контролируемых компетенций

№	Наименование раздела	Содержание раздела	Код контролируемой компетенции (или ее части)	Наименование оценочного средства
1	2	3	4	5
1 семестр				
1.	Перестановки, подстановки, определители, матрицы	<p>Краткое введение в алгебру. Теоретико-множественные понятия. Сведения об отображениях. Определитель 2-го и 3-го порядков.</p> <p>Системы линейных уравнений. Метод Гаусса.</p> <p>Перестановки и подстановки. Понятие перестановки. Теорема о числе перестановок. Четные и нечетные перестановки. Умножение подстановок. Определители. Определение и формула определителя n-го порядка. Свойства определителя.</p> <p>Миноры и алгебраические дополнения. Миноры и алгебраические дополнения. Разложение определителя по строке (столбцу). Теорема Лапласа. Правило Крамера.</p> <p>Операции над матрицами. Свойства. Теорема об определителе произведения матриц. Обратная матрица. Критерий обратимости матрицы. Матричный способ решения крамеровских СЛУ.</p>	ПКС-3	К, РК, Т, КР, УО

2.	Арифметическое векторное пространство, базис и ранг системы векторов. Системы линейных уравнений.	Арифметические векторные пространства. Понятие n -мерного вектора. Операции над n -мерными векторами. Определение арифметического n -мерного векторного пространства. Линейная зависимость векторов. Базис и ранг системы векторов. Ранг матрицы. Теорема о ранге матрицы. Вычисление ранга матрицы. Системы линейных уравнений (общая теория). Критерий совместности СЛУ. Теорема Кронекера-Капелли. Правило решения СЛУ. Системы линейных однородных уравнений.	ПКС-3	К, РК, Т, КР, УО
3.	Группы, кольца, поля, комплексные числа	Определение группы. Свойства групп. Группа подстановок. Группа невырожденных матриц. Кольцо. Определение кольца. Свойства колец. Подкольцо. Делители нуля. Поле. Определение поля. Свойства полей. Характеристика поля. Подполя, расширения. Поле комплексных чисел. Алгебраическая форма комплексного числа. Сопряженные комплексные числа. Действия над комплексными числами в алгебраической форме. Тригонометрическая форма комплексного числа. Формула Муавра. Извлечение корня из комплексного числа. Корни из единицы.	ПКС-3	К, РК, Т, КР, УО
4.	Многочлены	Кольцо многочленов от одной переменной. Понятие многочлена n -й степени от одной переменной. Теорема о делении с остатком. НОД, алгоритм Евклида. Корни многочленов. Понятие корня многочлена. Теорема Безу. Схема Горнера. Понижение кратности корня при дифференцировании. Основная теорема алгебры комплексных чисел, ее следствия. Формулы Виета.	ПКС-3	К, РК, Т, КР, УО

2 семестр				
5.	Линейное пространство, линейные операторы	<p>Определение векторного пространства. Базис и размерность векторного пространства.</p> <p>Подпространства. Критерий подпространства. Линейная оболочка. Сумма и пересечение подпространств. Прямая сумма подпространств. Формула Грассмана. Изоморфизм векторных пространств.</p> <p>Линейные операторы векторных пространств. Матрица линейного оператора в базисе. Связь между матрицами линейного оператора в разных базисах. Операции над матрицами. Ядро линейного оператора. Собственные значения и собственные векторы линейного оператора.</p> <p>Линейные операторы с простым спектром. Достаточные условия приводимости матрицы линейного оператора к диагональному виду.</p>	ПКС-3	К, РК, Т, КР, УО
6.	Евклидовы пространства, ортогональные и симметрические преобразования	<p>Евклидовы пространства. Ортогональный и ортонормированный базис. Процесс ортогонализации.</p> <p>Ортогональные и симметрические линейные операторы.</p>	ПКС-3	К, РК, Т, КР, УО
7.	Квадратичные формы и их приведение к главным осям	<p>Билинейные и квадратичные формы. Приведение квадратичной формы к каноническому виду.</p> <p>Закон инерции вещественных квадратичных форм.</p> <p>Положительно определенные квадратичные формы. Критерий Сильвестра.</p> <p>Приведение квадратичной формы к главным осям.</p>	ПКС-3	К, РК, Т, КР, УО

8.	Теория групп, конечно порожденные абелевы группы	Подгруппы. Нормальные делители. Циклические группы. Фактор-группа. Гомоморфизмы. Теорема Лагранжа. Теорема Кэли. Эндоморфизмы и автоморфизмы групп. Свойства. Ряды подгрупп. Прямые произведения. Свободные группы. Абелевы группы. Конечно порожденные абелевы группы. Полные абелевы группы. Основы теории представления групп.	ПКС-3	К, РК, Т, КР, УО
----	--	---	-------	------------------

В графе 5 приводятся планируемые формы текущего контроля: защита контрольной работы (КР), коллоквиум (К), рубежный контроль (РК), тестирование (Т), устный опрос (УО).

На изучение курса отводится 288 часов (8 з.е.), из них: контактная работа 162 ч., в том числе лекционных – 72 часа; практических (семинарских) – 90 часов; самостоятельная работа студента 126 часов; завершается в 1-2 семестрах – экзаменом.

Структура дисциплины

Таблица 2. Общая трудоемкость дисциплины составляет 8 з.ед. (288 часов)

Вид работы	Трудоемкость, часов / зачетных единиц		
	I семестр	II семестр	всего
Общая трудоемкость (в часах)	144	144	288
Контактная работа (в часах):	72	90	162
<i>Лекционные занятия (Л)</i>	<i>36</i>	<i>36</i>	<i>72</i>
<i>Практические занятия (ПЗ)</i>	<i>36</i>	<i>54</i>	<i>90</i>
<i>Семинарские занятия (СЗ)</i>	<i>Не предусмотрены</i>	<i>Не предусмотрены</i>	<i>Не предусмотрены</i>
Самостоятельная работа (в часах), в том числе контактная работа:	72	54	126
Реферат (Р)	<i>Не предусмотрены</i>	<i>Не предусмотрены</i>	<i>Не предусмотрены</i>
Контрольная работа (КР)	12	6	18
Самостоятельное изучение разделов	33	15	48
Курсовой проект (КП), курсовая работа (КР)	<i>Не предусмотрена</i>	6	6
Подготовка и прохождение промежуточной аттестации	27	27	54
Вид промежуточной аттестации	Экзамен	Экзамен	

Таблица 3. Лекционные занятия

№ п/п	Тема
1 семестр	
1	Краткое введение в алгебру. Теоретико-множественные понятия. Сведения об отображениях. Определитель 2-го и 3-го порядков. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – дать определение понятий инъективного, сюръективного и биективного отображения, изучить формулы для нахождения определителя 2-го и 3-го порядков.
2	Системы линейных уравнений. Метод Гаусса. Правило Крамера. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – дать определение понятия системы крамеровского типа, разобрать методы решения СЛУ, а именно метод Гаусса и формулы Крамера.
3	Перестановки и подстановки. Понятие перестановки. Теорема о числе перестановок. Четные и нечетные перестановки. Умножение подстановок. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – изучить понятия перестановки и подстановки, их четность, а также методы определения их четности. Рассмотреть операцию умножения подстановок и свойства, которыми оно обладает.
4	Определители n -го порядка. Свойства определителя. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – ввести понятие определителя n -го порядка и изучить свойства, которыми они обладают.
5	Миноры и алгебраические дополнения. Методы вычисления определителя. Теорема Лапласа. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – изучить понятия минор и алгебраическое дополнение. Рассмотреть методы вычисления определителей высших степеней. Показать на примере.
6	Операции над матрицами. Линейные операции над матрицами. Умножение матриц. Свойства. Теорема об определителе произведения матриц. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – изучить понятие матрица и ее виды. Рассмотреть операции над матрицами и свойства, которыми эти обладают.
7	Обратная матрица. Критерий обратимости матрицы. Матричный способ решения крамеровских СЛУ. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – дать определение понятия обратная матрица и условие ее существования, а также изучить матричный метод решения систем.
8	Арифметические векторные пространства. Понятие n -мерного вектора. Линейная зависимость строк (столбцов) матрицы. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – дать понятия линейной зависимости строк матрицы и сформулировать их свойства.
9	Ранг матрицы. Теорема о ранге матрицы. Вычисление ранга матрицы. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – дать определение вырожденной и обратной матриц, базисного минора. Сформулировать и доказать теорему о ранге и рассмотреть методы нахождения ранга. Показать на примере.
10	Системы линейных уравнений. Теорема Кронекера-Капелли. Исследование СЛУ. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – изучить критерий совместности СЛУ (теорема Кронекера-Капелли), а также схему исследования систем.
11	Системы линейных однородных уравнений. Фундаментальная система решений (ФСР). Теорема о числе решений ФСР. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – изучить однородные СЛУ и фундаментальную систему

	решений однородной СЛУ. Сформулировать и доказать теорему о числе решений ФСР.
12	<p>Определение группы. Свойства групп. Группа подстановок. Группа невырожденных матриц.</p> <p><i>Цель и задачи изучения темы</i> – дать определение группы, подгруппы, абелевой группы и группы подстановок. Изучить группу невырожденных матриц.</p>
13	<p>Кольца и поля. Свойства поля и колец. Подкольцо, подполе. Делители нуля. Характеристика поля.</p> <p><i>Цель и задачи изучения темы</i> – изучить понятия кольцо, поле, подкольцо, подполе, делители нуля в кольце, характеристика поля, а также их свойства. Доказать теоремы.</p>
14	<p>Поле комплексных чисел. Алгебраическая форма комплексного числа. Действия над комплексными числами в алгебраической форме.</p> <p><i>Цель и задачи изучения темы</i> – изучить комплексные числа, их алгебраическую запись и арифметические действия над ними. Доказать, что комплексные числа образуют поле относительно операции сложения и умножения.</p>
15	<p>Тригонометрическая форма комплексного числа. Формула Муавра. Извлечение корня из комплексного числа. Корни из единицы. Первообразные корни.</p> <p><i>Цель и задачи изучения темы</i> – вывести тригонометрическую запись комплексного числа, а также формулу Муавра и формулу для извлечения корня из комплексного числа и из 1.</p>
16	<p>Понятие многочлена n-й степени от одной переменной. Кольцо многочленов от одной переменной. Теорема о делении с остатком. НОД, алгоритм Евклида.</p> <p><i>Цель и задачи изучения темы</i> – ввести понятие многочлена от одной переменной и доказать, что множество многочленов от одной переменной образуют кольцо. Рассмотреть алгоритм Евклида для нахождения НОД многочленов.</p>
17	<p>Корни многочленов. Теорема Безу. Схема Горнера. Основная теорема алгебры и ее следствия. Формулы Виета.</p> <p><i>Цель и задачи изучения темы</i> – дать определение понятия корня многочлена. Изучить схему Горнера и формулы для нахождения многочлена по заданным корням (Виета)</p>
2 семестр	
18	<p>Определение векторного пространства. Базис и размерность векторного пространства.</p> <p><i>Цель и задачи изучения темы</i> – ввести понятие векторного пространства, линейной зависимости векторов, базиса и размерности линейного пространства. Изучить свойства линейной зависимости.</p>
19	<p>Подпространства. Критерий подпространства. Линейная оболочка.</p> <p><i>Цель и задачи изучения темы</i> – дать определения понятия подпространства и линейной оболочки, а также сформулировать критерий подпространства.</p>
20	<p>Сумма и пересечение подпространств. Теоремы.</p> <p><i>Цель и задачи изучения темы</i> – изучить операции (сумма и пересечение) над подпространствами, и связанные с ними теоремы.</p>
21	<p>Прямая сумма подпространств. Формула Грассмана. Изоморфизм векторных пространств.</p> <p><i>Цель и задачи изучения темы</i> – дать определение понятия прямой суммы подпространств и изоморфизма пространств. Вывести формулу Грассмана.</p>
22	<p>Линейные операторы векторных пространств. Операции над линейными операторами.</p> <p><i>Цель и задачи изучения темы</i> – дать определение понятия линейного преобразования (оператора) и изучить операции над ними.</p>

23	Матрица линейного оператора в базисе. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – изучить матрицу линейного преобразования, а также метод ее нахождения. Показать на примере.
24	Связь между матрицами линейного оператора в разных базисах. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – вывести связь между матрицами линейного преобразования в различных базисах. Показать на примере.
25	Операции над матрицами. Область значений и ядро линейного оператора. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – задать операции над матрицами линейных преобразований. Изучить понятия области значения и ядра линейного оператора.
26	Собственные значения и собственные векторы линейного оператора. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – изучить понятия собственного вектора и собственного значения, а также их метод нахождения.
27	Линейные операторы с простым спектром. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – изучить линейные операторы с простым спектром.
28	Достаточные условия приводимости матрицы линейного оператора к диагональному виду. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – изучить условия приведения матрицы линейного преобразования к диагональному виду и рассмотреть на примере.
29	Евклидовы пространства. Ортогональный и ортонормированный базис. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – дать понятие скалярного произведения и евклидова пространства, а также ортогонального и ортонормированного базисов.
30	Неравенство Коши-Буняковского. Процесс ортогонализации. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – вывести неравенство Коши-Буняковского и научить строить ортогональный базис подпространства, натянутого на данную систему векторов.
31	Ортогональные и симметрические линейные операторы. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – дать понятия ортогонального и симметрического преобразования и их свойства.
32	Билинейные и квадратичные формы. Приведение квадратичной формы к каноническому виду. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – раскрыть понятие билинейной формы, а именно квадратичной формы. Изучить методы приведения квадратичной формы к каноническому и нормальному виду.
33	Закон инерции вещественных квадратичных форм. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – сформулировать и доказать закон инерции квадратичных форм.
34	Положительно определенные квадратичные формы. Критерий Сильвестра. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – дать определения понятий положительно и отрицательно определенная квадратичная формы, сигнатура. Сформулировать и доказать критерий Сильвестра.
35	Приведение квадратичной формы к главным осям. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – изучить метод приведения квадратичной формы к главным осям.
36	Подгруппы. Нормальные делители. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – дать определение подгруппы и нормальных делителей в группе.

37	Циклические группы. Фактор-группа. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – дать определение циклической группы и фактор-группы, показать на примере.
38	Гомоморфизмы. Теорема Лагранжа. Теорема Кэли. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – дать определение гомоморфизма групп, привести примеры. Сформулировать и доказать теоремы Кэли и Лагранжа.
39	Эндоморфизмы и автоморфизмы групп. Свойства. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – изучить автоморфизмы и эндоморфизмы групп, а также их свойства.
40	Ряды подгрупп. Прямые произведения. Свободные группы. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – дать определения рядов (нормальный и центральный) подгрупп, а также свободных подгрупп.
41	Абелевы группы. Конечно порожденные абелевы группы. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – изучить конечно порожденные абелевы группы. Привести примеры.
42	Полные абелевы группы. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – изучить теорию абелевых групп, а именно полные абелевы группы.
43	Конечные кольца и поля. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – изучить основы теории конечных колец и полей, их основные свойства.
44	Основы теории представления групп. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – изучить основа теории представления групп, а именно неприводимые, регулярные и индуцированные представления, их основные свойства.
45	Характеры групп. Свойства характеров. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – изучить понятие характер группы и его свойства, а также основные понятия теории характеров. Рассмотреть первое и второе соотношение ортогональности для характеров.
46	Линейные операторы и функционалы. Умножение линейных операторов. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – изучить основные понятия теории линейных операторов и функционалов, а также операцию умножения линейных операторов.
47	Многочлен от линейного оператора. Вырожденные и невырожденные операторы. <i>Цель и задачи изучения темы</i> – дать определение понятий вырожденные и невырожденные линейные операторы и их основные свойства.

Таблица 4. Практические занятия

№ п/п	Тема
1 семестр	
1	Краткое введение в алгебру. Теоретико-множественные понятия. Сведения об отображениях. Определитель 2-го и 3-го порядков.
2	Системы линейных уравнений. Метод Гаусса. Правило Крамера.
3	Перестановки и подстановки. Понятие перестановки. Теорема о числе перестановок. Четные и нечетные перестановки. Умножение подстановок.
4	Определители n -го порядка. Свойства определителя.

5	Миноры и алгебраические дополнения. Методы вычисления определителя. Теорема Лапласа.
6	Операции над матрицами. Линейные операции над матрицами. Умножение матриц. Свойства. Теорема об определителе произведения матриц.
7	Обратная матрица. Критерий обратимости матрицы. Матричный способ решения крамеровских СЛУ.
8	Арифметические векторные пространства. Понятие n -мерного вектора. Линейная зависимость строк (столбцов) матрицы.
9	Ранг матрицы. Теорема о ранге матрицы. Вычисление ранга матрицы.
10	Системы линейных уравнений. Теорема Кронекера-Капелли. Исследование СЛУ.
11	Системы линейных однородных уравнений. Фундаментальная система решений (ФСР). Теорема о числе решений ФСР.
12	Определение группы. Свойства групп. Группа подстановок. Группа невырожденных матриц.
13	Кольца и поля. Свойства поля и колец. Подкольцо, подполе. Делители нуля. Характеристика поля
14	Поле комплексных чисел. Алгебраическая форма комплексного числа. Действия над комплексными числами в алгебраической форме.
15	Тригонометрическая форма комплексного числа. Формула Муавра. Извлечение корня из комплексного числа. Корни из единицы. Первообразные корни.
16	Понятие многочлена n -й степени от одной переменной. Кольцо многочленов от одной переменной. Теорема о делении с остатком. НОД, алгоритм Евклида.
17	Корни многочленов. Теорема Безу. Схема Горнера. Основная теорема алгебры и ее следствия. Формулы Виета.
2 семестр	
18	Определение векторного пространства. Базис и размерность векторного пространства.
19	Подпространства. Критерий подпространства. Линейная оболочка.
20	Сумма и пересечение подпространств. Теоремы.
21	Прямая сумма подпространств. Формула Грассмана. Изоморфизм векторных пространств.
22	Линейные операторы векторных пространств. Операции над линейными операторами.
23	Матрица линейного оператора в базисе.
24	Связь между матрицами линейного оператора в разных базисах.
25	Операции над матрицами. Область значений и ядро линейного оператора.
26	Собственные значения и собственные векторы линейного оператора.
27	Линейные операторы с простым спектром.
28	Достаточные условия приводимости матрицы линейного оператора к диагональному виду.
29	Евклидовы пространства. Ортогональный и ортонормированный базис.
30	Неравенство Коши-Буняковского. Процесс ортогонализации.

31	Ортогональные и симметрические линейные операторы.
32	Билинейные и квадратичные формы. Приведение квадратичной формы к каноническому виду.
33	Закон инерции вещественных квадратичных форм.
34	Положительно определенные квадратичные формы. Критерий Сильвестра.
35	Приведение квадратичной формы к главным осям.
36	Подгруппы. Нормальные делители.
37	Циклические группы. Фактор-группа.
38	Гомоморфизмы. Теорема Лагранжа. Теорема Кэли.
39	Эндоморфизмы и автоморфизмы групп. Свойства.
40	Ряды подгрупп. Прямые произведения. Свободные группы.
41	Абелевы группы. Конечно порожденные абелевы группы.
42	Полные абелевы группы.
43	Конечные кольца и поля.
44	Основы теории представления групп.
45	Характеры групп. Свойства характеров.
46	Линейные операторы и функционалы. Умножение линейных операторов.
47	Многочлен от линейного оператора. Вырожденные и невырожденные операторы.

Таблица 5. Лабораторные работы по дисциплине (модулю) – не предусмотрены

Таблица 6. Самостоятельное изучение разделов дисциплины (модуля)

№ п/п	Вопросы, выносимые на самостоятельное изучение
1	Системы линейных однородных уравнений. ФСР.
2	Циклические группы.
3	Разложение группы по подгруппе; теорема Лагранжа.
4	Разложение многочленов на неприводимые множители над полями R и C .
5	Кольцо многочленов от нескольких переменных; симметрические многочлены.
8	Приближенное вычисление корней многочленов
9	Алгебра многочленов над произвольным полем.
10	Многочлены с рациональными коэффициентами
11	Конечные абелевы группы
12	Примарные группы
13	Конечные полупростые группы

5. Оценочные материалы для текущего и рубежного контроля успеваемости и промежуточной аттестации

Конечными результатами освоения программы дисциплины являются сформированные когнитивные дескрипторы «знать», «уметь», «владеть», расписанные по отдельным компетенциям. Формирование этих дескрипторов происходит в течение всего семестра по этапам в рамках различного вида занятий и самостоятельной работы.

В ходе изучения дисциплины предусматриваются *текущий, рубежный контроль и промежуточная аттестация*.

5.1. Оценочные материалы для текущего контроля.

Цель текущего контроля – оценка результатов работы в семестре и обеспечение своевременной обратной связи, для коррекции обучения, активизации самостоятельной работы обучающегося. Объектом текущего контроля являются конкретизированные результаты обучения (учебные достижения) по дисциплине.

Текущий контроль успеваемости – контроль, определяющий качество, глубину, объем усвоения знаний каждого раздела. Осуществляется преподавателем в ходе повседневной учебной работы и обеспечивает оценивание хода освоения дисциплины. Формы проведения текущего контроля: проверка выполнения домашних заданий; проведение контрольных и тестовых работ с целью проверки практических умений по отдельным темам; ответы на теоретические вопросы на практическом занятии, решение практических задач и выполнение заданий на практическом занятии. Оценка качества подготовки на основании выполненных заданий ведется преподавателем (с обсуждением результатов), баллы начисляются в зависимости от сложности задания

5.1.1. Вопросы по темам дисциплины «Алгебра» (контролируемая компетенция ПКС-3)

1 семестр

Тема 1. Перестановки, подстановки, определители, матрицы.

1. Определитель 2-го и 3-го порядков.
2. Системы линейных уравнений. Метод Гаусса. Правило Крамера.
3. Перестановки. Теорема о числе перестановок. Четность, инверсия, транспозиция. Теоремы о транспозициях.
4. Подстановки. Четность. Умножение подстановок. Свойства. Декремент.
5. Определители. Свойства определителя.
6. Миноры и алгебраические дополнения.
7. Разложение определителя по строке (столбцу). Теорема Лапласа.
8. Операции над матрицами. Свойства.
9. Теорема об определителе произведения матриц.
10. Обратная матрица. Критерий обратимости матрицы. Матричный способ решения крамеровских СЛУ.

Тема 2. Арифметическое векторное пространство, базис и ранг системы векторов. Системы линейных уравнений.

11. Арифметические векторные пространства. Понятие n -мерного вектора. Операции над n -мерными векторами.

12. Определение арифметического n -мерного векторного пространства. Линейная зависимость векторов. Свойства.
13. Базис и ранг системы векторов.
14. Ранг матрицы. Теорема о ранге матрицы. Вычисление ранга матрицы.
15. Системы линейных уравнений (общая теория). Критерий совместности СЛУ. Правило решения СЛУ.
16. Системы линейных однородных уравнений. Свойства решений однородных систем. Фундаментальная система решений.

Тема 3. Группы, кольца, поля, комплексные числа

17. Определение группы. Свойства групп. Группа подстановок. Группа невырожденных матриц.
18. Кольцо. Свойства колец. Подкольцо. Делители нуля.
19. Поле. Свойства полей. Характеристика поля. Подполя, расширения.
20. Поле комплексных чисел. Алгебраическая форма комплексного числа. Сопряженные комплексные числа. Действия над комплексными числами в алгебраической форме.
21. Тригонометрическая форма комплексного числа. Формула Муавра. Извлечение корня из комплексного числа. Корни из единицы.

Тема 4. Многочлены. Кольцо многочленов от одной переменной.

22. Понятие многочлена n -й степени от одной переменной. Теорема о делении с остатком.
23. НОД многочленов, алгоритм Евклида.
24. Корень многочлена. Теорема Безу.
25. Схема Горнера. Понижение кратности корня при дифференцировании.
26. Основная теорема алгебры комплексных чисел, ее следствия. Формулы Виета.

2 семестр

Тема 5. Линейное пространство, линейные операторы

27. Определение векторного пространства. Базис и размерность векторного пространства.
28. Подпространства. Критерий подпространства. Сумма и пересечение подпространств.
29. Прямая сумма подпространств. Формула Грассмана. Изоморфизм векторных пространств.
30. Линейные операторы векторных пространств.
31. Матрица линейного оператора в базисе. Связь между матрицами линейного оператора в разных базисах. Операции над матрицами.
32. Ядро линейного оператора.
33. Собственные значения и собственные векторы линейного оператора.
34. Линейные операторы с простым спектром. Достаточные условия приводимости матрицы линейного оператора к диагональному виду.

Тема 6. Евклидовы пространства, ортогональные и симметрические преобразования.

35. Евклидовы пространства. Ортогональный и ортонормированный базис.
36. Неравенство Коши-Буняковского. Процесс ортогонализации.
37. Ортогональные и симметрические линейные операторы.

Тема 7. Квадратичные формы и их приведение к главным осям

38. Билинейные и квадратичные формы. Приведение квадратичной формы к каноническому и нормальному виду.
39. Закон инерции вещественных квадратичных форм.
40. Положительно определенные квадратичные формы. Критерий Сильвестра.
41. Приведение квадратичной формы к главным осям.

Тема 8. Теория групп, конечно порожденные абелевы группы.

42. Подгруппы. Нормальные делители. Циклические группы. Фактор-группа.
43. Гомоморфизмы. Теорема Лагранжа. Теорема Кэли.
44. Эндоморфизмы и автоморфизмы групп. Свойства.
45. Ряды подгрупп. Прямые произведения. Свободные группы.
46. Абелевы группы. Конечно порожденные абелевы группы. Полные абелевы группы.
47. Основы теории представлений групп.

Критерии формирования оценок (оценивания) устного опроса

Устный опрос является одним из основных способов учёта знаний обучающегося. Развёрнутый ответ студента должен представлять собой связное, логически последовательное сообщение на заданную тему, показывать его умение применять определения.

В результате устного опроса знания, обучающегося оцениваются по следующей шкале (за 1 занятие):

2 балла ставится, если обучающийся:

- 1) полно излагает изученный материал, даёт правильные определения понятий;
- 2) обнаруживает понимание материала, может обосновать свои суждения, применить знания на практике;
- 3) излагает материал последовательно и правильно с точки зрения норм литературного языка.

1 балл ставится, если обучающийся:

- 1) излагает материал неполно и допускает неточности в определении понятий;
- 2) не умеет достаточно глубоко и доказательно обосновать свои суждения;
- 3) излагает материал непоследовательно.

0 баллов ставится, если обучающийся обнаруживает незнание большей части соответствующего раздела изучаемого материала, допускает ошибки в формулировке.

Баллы могут ставиться не только за единовременный ответ, но и за сумму ответов, данных студентом на протяжении занятия

5.1.2. Оценочные материалы для самостоятельной работы обучающегося (типовые задачи) (контролируемая компетенция ПКС-3)

Перечень типовых задач для самостоятельной работы сформирован в соответствии с тематикой практических занятий по дисциплине «Алгебра».

Задачи

1 семестр

Тема 1. Перестановки, подстановки, определители, матрицы.

1. Найти значение матричного многочлена $f(A)$: $f(x) = 3x^2 + 2x + 5$, $A = \begin{pmatrix} 2 & -3 \\ 0 & 4 \end{pmatrix}$.
2. Вычислить $5A - 3B + 2C$,

$$\text{где } A = \begin{pmatrix} 1 & -2 & 0 \\ 3 & 5 & 1 \\ -1 & 2 & 4 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 5 & 1 & -2 \\ -3 & 2 & 7 \\ 4 & 0 & -1 \end{pmatrix}, C = \begin{pmatrix} -5 & 3 & 1 \\ 2 & 0 & 5 \\ 6 & 4 & 2 \end{pmatrix}.$$

3. Найти произведение матриц ABC , если

$$A = \begin{pmatrix} 1 & -3 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} -3 & 2 & 0 \\ -2 & 5 & -1 \end{pmatrix}, \quad C = \begin{pmatrix} -2 & 4 & -3 & 0 \\ 0 & 2 & 5 & -2 \\ 3 & -1 & 2 & 4 \end{pmatrix}$$

4. Решить матричное уравнение $\begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} * X = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ -1 & 3 \end{pmatrix}$.

5. Найти подстановку X из равенства $AXB = C$, где

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 7 & 3 & 2 & 1 & 6 & 5 & 4 \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 3 & 1 & 2 & 7 & 4 & 5 & 6 \end{pmatrix},$$

$$C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 5 & 1 & 3 & 6 & 4 & 7 & 2 \end{pmatrix}.$$

6. Определить число инверсий в перестановке 1, 9, 6, 3, 2, 5, 4, 7, 8.

7. Найти обратную для матрицы $\begin{pmatrix} 1 & -1 & 1 \\ 1 & -3 & -2 \\ 2 & 3 & 2 \end{pmatrix}$.

8. Определить четность подстановки $C = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 & 6 & 7 \\ 5 & 1 & 3 & 6 & 4 & 7 & 2 \end{pmatrix}$.

9. Вычислить $\begin{pmatrix} 4 & -1 \\ 5 & -2 \end{pmatrix}^5$

10. Решить матричное уравнение $\begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} * X = \begin{pmatrix} 2 & 0 \\ -1 & 3 \end{pmatrix}$.

11. Вычислить определитель $\begin{vmatrix} 2 & 6 & 4 & 3 \\ 5 & 2 & -1 & -3 \\ 2 & -3 & 5 & -3 \\ 4 & 1 & 6 & 2 \end{vmatrix}$.

12. Вычислить определитель $\begin{vmatrix} x & a & b & 0 & c \\ 0 & y & 0 & 0 & d \\ 0 & e & z & 0 & f \\ g & h & k & u & l \\ 0 & 0 & 0 & 0 & v \end{vmatrix}$.

13. Выбрать значения i и k так, чтобы произведение $a_{62}a_{i5}a_{33}a_{k4}a_{46}a_{21}$ входило в определитель 6-го порядка со знаком минус.

14. Вычислить определитель 3-го порядка $\begin{vmatrix} 1 & 1 & a \\ b & 3 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \end{vmatrix}$.

15. Найти алгебраическое дополнение к элементу a_{12} в определителе $\begin{vmatrix} a & 1 & 2 \\ 1 & 3 & 0 \\ b & 5 & c \end{vmatrix}$.

16. Решить системы по формулам Крамера $\begin{cases} 2x_1 - x_2 + 3x_3 = 9, \\ 3x_1 - 5x_2 + x_3 = -4, \\ 4x_1 - 7x_2 - x_3 = 5. \end{cases}$

17. Решить систему методом Гаусса
$$\begin{cases} 2x_1 + 2x_2 - x_3 + x_4 = 4, \\ 4x_1 + 3x_2 - x_3 + 2x_4 = 6, \\ 8x_1 + 5x_2 - 3x_3 + 4x_4 = 12, \\ 3x_1 + 3x_2 - 2x_3 + 2x_4 = 6. \end{cases}$$
18. Является ли данная система
$$\begin{cases} 3x_1 + 5x_2 + 2x_3 = 0, \\ 4x_1 + 7x_2 + 5x_3 = 0, \\ x_1 + x_2 - 4x_3 = 0, \\ 2x_1 + 9x_2 + 6x_3 = 0. \end{cases}$$
 системой крамеровского типа?

Методические рекомендации по решению задач.

Приступая к самостоятельному решению задач, необходимо внимательно прочесть теоретический материал по соответствующему вопросу темы. Важнейшие понятия этой темы: матрицы и операции над ними, методы решения систем (Гаусса и формулы Крамера), обратная матрица и метод ее нахождения, определитель и его свойства, методы вычисления определителя, теорема Лапласа и др. Эти понятия следует выучить и разобраться в их соотношениях. При решении задач используются формулы, объяснение которых представлено в теме 1.

Тема 2. Арифметическое векторное пространство, базис и ранг системы векторов. Системы линейных уравнений.

1. При каких значениях λ матрица
$$\begin{pmatrix} 1 & \lambda & 2 \\ 2 & 1 & 4 \\ 4 & 2 & 8 \end{pmatrix}$$
 имеет ранг равный 1.
2. Исследовать совместность
$$\begin{cases} 2x_1 + 5x_2 - 8x_3 = 8, \\ 4x_1 + 3x_2 - 9x_3 = 9, \\ 2x_1 + 3x_2 - 5x_3 = 7, \\ x_1 + 8x_2 - 7x_3 = 12. \end{cases}$$
 В случае совместности, найти общее и одно частное решение системы.
3. Найти ФСР для системы
$$\begin{cases} 3x_1 + 5x_2 + 2x_3 = 0, \\ 4x_1 + 7x_2 + 5x_3 = 0, \\ x_1 + x_2 - 4x_3 = 0, \\ 2x_1 + 9x_2 + 6x_3 = 0. \end{cases}$$
4. Найти ранг матрицы с помощью элементарных преобразований:
$$\begin{pmatrix} 1 & 2 & 4 & -3 \\ 3 & 5 & 6 & -4 \\ 3 & 8 & 2 & -19 \end{pmatrix}.$$
5. Найти ранг матрицы методом окаймляющих миноров:
$$\begin{pmatrix} 1 & -2 & 3 & 1 \\ 3 & 2 & -4 & 2 \\ 5 & -2 & 2 & 4 \end{pmatrix}.$$
6. Найти число решений ФСР для системы
$$\begin{cases} 2x_1 + 2x_2 - x_3 + x_4 = 0, \\ 4x_1 + 3x_2 - x_3 + 2x_4 = 0, \\ 8x_1 + 5x_2 - 3x_3 + 4x_4 = 0, \\ 3x_1 + 3x_2 - 2x_3 + 2x_4 = 0. \end{cases}$$
7. Являются ли вектора $a_1=(1,-2,3)$ $a_2=(2,-1,4)$ $a_3=(4,-5,10)$ линейно зависимыми.
8. Найти условия, необходимые и достаточные для того, чтобы в любом решении совместной системы линейных уравнений k -е неизвестное было равно нулю.
9. Исследовать системы уравнений и найти общее решение в зависимости от значений, входящих в коэффициенты параметров:

$$\begin{cases} ax + y + z = 1, \\ x + by + z = 1, \\ x + y + cz = 1. \end{cases}$$

10. Сколько баз имеет система $k+1$ векторов ранга k , содержащая пропорциональные векторы, отличные от нуля?

Методические рекомендации по решению задач.

Приступая к самостоятельному решению задач, необходимо внимательно прочесть теоретический материал по соответствующему вопросу темы. Важнейшие понятия этой темы: линейная зависимость строк, свойства линейной зависимости, ранг матрицы, методы вычисления ранга, исследования систем, условие совместности СЛУ, однородная система, свойства решения однородных систем, фундаментальная система решения (ФСР) и др. Эти понятия следует выучить и разобраться в их соотношениях. При решении задач используются формулы, объяснение которых представлено в теме 2.

Тема 3. Группы, кольца, поля, комплексные числа

1. Какую алгебраическую структуру образует множество натуральных чисел относительно операции сложения?
2. Какую алгебраическую структуру образует множество целых относительно двух операций сложения и умножения $(\mathbb{Z}, +, \cdot)$?
3. Какие из арифметических действий (сложение, вычитание, умножение, деление) являются бинарными операциями:
 - а) на множестве $\{1, 0, -1\}$;
 - б) на множестве \mathbb{N} ;
 - в) на множестве \mathbb{Z} ?
4. Является ли бинарной операцией:
 - а) умножение на множестве иррациональных чисел;
 - б) сложение на множестве четных чисел;
 - в) сложение на множестве нечетных чисел;
 - г) нахождение десятичных логарифмов на множестве;
 - д) нахождение среднего геометрического двух чисел на множестве;
5. Являются ли действие, выполняемое по формуле $a \circ b = (a + b)^2$ бинарной операцией на множестве \mathbb{Q} , и если являются, то почему?
6. Являются ли алгебраической системой множество чисел вида относительно: а) сложения; б) вычитания; в) умножения?
7. Является ли алгебраической системой множество радиусов-векторов, исходящих из начала декартовой системы координат и расположенных в первой четверти координатной плоскости, с операцией: а) сложение векторов; б) вычитание векторов?
8. Найти значение выражения $2Z_1 + Z_2$, если $Z_1 = 1 + 2i$, $Z_2 = 3 - i$.
9. Найти модуль комплексного числа $z = 1 + 4i$.
10. Вычислить $\left(\frac{1-i}{\sqrt{3}i+1}\right)^{12}$.

Методические рекомендации по решению задач.

Приступая к самостоятельному решению задач, необходимо внимательно прочесть теоретический материал по соответствующему вопросу темы. Важнейшие понятия этой темы: бинарная алгебраическая операция, группоид, полугруппа, моноид, группа, абелева группа, кольцо, поле, делители нуля в кольце, характеристика поля, алгебраическая и тригонометрическая формы записи комплексного числа, формула Муавра, первообразный корень и др. Эти понятия следует выучить и разобраться в их соотношениях. При решении задач используются формулы, объяснение которых

представлено в теме 3.

Тема 4. Многочлены. Кольцо многочленов от одной переменной.

1. Найти многочлен 4-ой степени, имеющий двукратный корень 2 и простые корни 1 и -3.
2. Найти остаток от деления многочлена $f(x)=x^4-2x^3+4x^2-6x+8$ на линейный многочлен $x-1$.
3. Найти частное и остаток от деления многочлена $f(x)=2x^4-3x^3+4x^2-5x+6$ на многочлен $g(x)=x^2-3x+1$.
4. Найти $2f(x)-3g(x)$, где $f(x)=x^2-5x+2$ и $g(x)=x^3+3x+1$.
5. Найдите значение многочлена $-6a^2-5ab+b^2-(-3a^2-5ab+b^2)$ при $a=-2/3$, $b=-3$.
6. При каком значении a многочлен $P(x)=x^{1000}+ax^2+9$ делится на $x+1$?
7. При каких a и b многочлен $P(x)=(a+b)x^5+abx^2+1$ делится на x^2-3x+2 ?
8. При каких a многочлен $P(x)=a^3x^5+(1-a)x^4+(1+a^3)x^2+(1-3a)x-a^3$ делится на $x-1$?
9. Докажите, что при нечетном m выражение $(x+y+z)^m-x^m-y^m-z^m$ делится на $(x+y+z)^3-x^3-y^3-z^3$.
10. Два многочлена $P(x)=x^4+ax^3+bx^2+cx+d$ и $Q(x)=x^2+px+q$ принимают отрицательные значения на некотором интервале I длины более 2, а вне I — неотрицательны. Докажите, что найдётся такая точка x_0 , что $P(x_0) < Q(x_0)$.

Методические рекомендации по решению задач.

Приступая к самостоятельному решению задач, необходимо внимательно прочесть теоретический материал по соответствующему вопросу темы. Важнейшие понятия этой темы: многочлен, теорема о делении с остатком, корень многочлена, схема Горнера, теорема Безу, формулы Виета и др. Эти понятия следует выучить и разобраться в их соотношениях. При решении задач используются формулы, объяснение которых представлено в теме 4.

2 семестр

Тема 5. Линейное пространство, линейные операторы

1. Найти размерность и базис линейного подпространства, натянутого на систему векторов $a_1=(1,1,1), a_2=(1,1,2), a_3=(1,2,3)$
2. Найти координаты вектора $x=(6,12)$ в заданном базисе e_1, e_2 , если $e_1=(2,1), e_2=(3,2)$.
3. В базисе e_1, e_2, e_3 3-х мерного линейного пространства линейное преобразование φ задается матрицей $A = \begin{pmatrix} 3 & 2 & 1 \\ 1 & 5 & 3 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$. Найти $a\varphi$, если $\bar{a} = 2e_1 + e_2 - e_3$.
4. Найти матрицу перехода от базиса $\bar{e}_1=(1,0,0), \bar{e}_2=(1,-1,0), \bar{e}_3=(-1,1,-1)$ к базису $\bar{e}_1'=(1,2,-1), \bar{e}_2'=(1,-1,0), \bar{e}_3'=(1,0,0)$.
5. Пусть V — пространство, натянутое на систему векторов $a_1=(1,0,0,-1), a_2=(2,1,1,0), a_3=(1,1,1,1), a_4=(1,2,3,4), a_5=(0,1,2,\lambda)$. При каком значении λ подпространство V имеет размерность $d=3$.

6. Найти размерность суммы и размерность пересечения подпространства L_1 , натянутого на векторы $a_1 = (1, 2, 0, 1)$, $a_2 = (1, 1, 1, 0)$ и L_2 , натянутого на векторы $b_1 = (1, 0, 1, 0)$, $b_2 = (1, 3, 0, 1)$

7. Найти собственные значения линейного преобразования, заданного в некотором базисе матрицей $A = \begin{pmatrix} -2 & 3 \\ 5 & 1 \end{pmatrix}$.

8. Линейное преобразование задано в некотором базисе матрицей $A = \begin{pmatrix} 0 & -3 \\ -1 & 2 \end{pmatrix}$. Найти собственный вектор, если собственное значение $\lambda = -1$.

9. Образуется ли линейное подпространство пространства R^4 множество V , заданное по правилу:

$$V = \{(X_1, X_2, X_3, X_4) : X_1 - 2X_3 = 0\}; V = \{(X_1, X_2, X_3, X_4) : X_3 + X_4 = 1\}.$$

10. Найти ортогональный базис подпространства L^\perp , заданного системой уравнений, и базис подпространства L^\perp

$$\begin{cases} x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5 = 0, \\ x_1 - 2x_2 + 2x_3 + x_4 - 2x_5 = 0. \end{cases}$$

Методические рекомендации по решению задач.

Приступая к самостоятельному решению задач, необходимо внимательно прочесть теоретический материал по соответствующему вопросу темы. Важнейшие понятия этой темы: линейное пространство, подпространство, сумма и пересечение подпространств, размерность и базис линейного пространства, линейное преобразование, матрица перехода, собственные векторы и собственные значения и др. Эти понятия следует выучить и разобраться в их соотношениях. При решении задач используются формулы, объяснение которых представлено в теме 5.

Тема 6. Евклидовы пространства, ортогональные и симметрические преобразования.

1. Определить ортогональный вектор для вектора $(1, -2, 2, -3)$.
2. Применяя процесс ортогонализации построить ортогональный базис подпространства, натянутого на систему векторов $a_1 = (2, 1, 3, -1)$, $a_2 = (1, 1, -6, 0)$.
3. Построить ортогональный R_3 базис содержащий вектор $\bar{a} = (1, -1, -1)$.
4. Найти вектор, дополняющий систему $\bar{a} = (2/3, 1/3, 2/3)$, $\bar{b} = (1/3, 2/3, -2/3)$ до ортогонального базиса.
5. При каких значениях x и y векторы $\bar{a} = (1/\sqrt{2}, 0, -1/\sqrt{2})$ и $b = (1/3, x, y)$ ортонормированны?
6. Найти норму $y(x) = \sin x + \cos x$
 - а) в пространстве $C[0, 2\pi]$;
 - б) в пространстве $h[0, 2\pi]$.
7. Построить пример бесконечной ортонормированной системы в пространстве $h[a, b]$.
8. Даны векторы евклидовых пространств $\bar{x} = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \end{pmatrix}$, $y = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \end{pmatrix}$ - элементы пространства R^2 со скалярным произведением $(x, y) = x_1 y_1 + x_2 y_2$.

9. Доказать, что векторное пространство \mathfrak{M} становится евклидовым пространством, если для произвольных двух элементов $A = (a_{ij})$ и $B = (b_{ij})$ положить $(A, B) = \sum_{i=1}^m \sum_{j=1}^n a_{ij} b_{ij}$.

10. Показать, что для произвольного векторного нормированного пространства

$$E = \{x, y, z, \dots\} \text{ справедливо неравенство } \left| \|x\| - \|y\| \right| \leq \|x - y\|.$$

Методические рекомендации по решению задач.

Приступая к самостоятельному решению задач, необходимо внимательно прочесть теоретический материал по соответствующему вопросу темы. Важнейшие понятия этой темы: евклидова пространство, скалярное произведение, ортогональный и ортонормированный базис, процесс ортогонализации и др. Эти понятия следует выучить и разобраться в их соотношениях. При решении задач используются формулы, объяснение которых представлено в теме 6.

Тема 7. Квадратичные формы и их приведение к главным осям

1. При каких значениях λ , квадратичная форма $f = 2x_2x_3 + 4x_1x_3 - \lambda x_2^2 + 3x_3^2 - x_1^2$ положительно определена.
2. Составить матрицу квадратичной формы $f = 2x_2x_3 - 4x_1x_3 + x_2^2 + 3x_3^2$.
3. Найти ранг квадратичной формы $f = x_1^2 + 4x_1x_2 + 3x_2^2 + 8x_1x_3 + 10x_2x_3 + 7x_3^2$.
4. Привести к каноническому виду квадратичную форму $f = x_1^2 - 6x_1x_2 - x_2^2$.
5. Найти линейное преобразование, приводящее квадратичную форму $f = x_1x_2 - x_3^2$ к нормальному виду $f = y_1^2 - y_2^2 - y_3^2$.
6. Дана квадратичная форма $f = -x_1^2 - x_2^2 + x_3^2$. Определить положительный и отрицательный индексы инерции, а также сигнатуру этой формы.
7. Привести квадратичную форму к главным осям $f = 3x_1^2 + 4x_2^2 + 5x_3^2 + 4x_1x_2 - 4x_2x_3$.
8. Составить матрицу квадратичной формы $3x_2^2 - 10xy + 8y^2$ и найти ее собственные числа.
9. Указать преобразование координат, приводящее квадратичную форму $8x_2^2 - 12xy + 12y^2$ к каноническому виду/
10. Привести к каноническому виду квадратичную форму $5x_2^2 - 12xy$.

Методические рекомендации по решению задач.

Приступая к самостоятельному решению задач, необходимо внимательно прочесть теоретический материал по соответствующему вопросу темы. Важнейшие понятия этой темы: квадратичная форма, нормальный и канонический вид квадратичной формы, положительный и отрицательный индексы инерции, критерий Сильвестра, положительно-определенная квадратичная форма и др. Эти понятия следует выучить и разобраться в их соотношениях. При решении задач используются формулы, объяснение которых представлено в теме 7.

Тема 8. Теория групп, конечно порожденные абелевы группы.

1. Найти порядок элемента $a = \begin{pmatrix} 123456 \\ 231645 \end{pmatrix} \in S_6$.
2. Найти образующий элемент в циклической группе $\langle a \rangle$.

3. Найти подгруппу циклической группы $\langle a \rangle = \{a^0, a^1, a^2, a^3, a^4, a^5\}$, порожденной элементом a^3 .
4. Найти циклическую подгруппу симметрической группы S_5 , порожденной элементом $a = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 5 & 4 & 3 & 2 & 1 \end{pmatrix}$.
5. Пусть H – подгруппа группы G , $|G| = 12$, $|H| = 4$. Найти индекс подгруппы H в группе G .
6. В некотором множестве введена операция $*$, которая по каждому двум элементам a и b этого множества вычисляет некоторый элемент $a*b$ этого множества. Известно, что:
 - 1°. Для любых трех элементов a, b и c выполняется $a*(b*c) = b*(c*a)$.
 - 2°. Если $a*b = a*c$, то $b = c$.
 - 3°. Если $a*c = b*c$, то $a = b$.
7. Докажите, что операция $*$: а) коммутативна, то есть для любых элементов a и b верно равенство $a*b = b*a$; б) ассоциативна, то есть для любых элементов a, b и c верно равенство $(a*b)*c = a*(b*c)$.
8. Найти фактор-группы аддитивной группы целых чисел по подгруппе чисел, кратных данному натуральному числу n .
9. Выяснить, какую алгебраическую структуру образует множество подстановок n -ой степени относительно умножения.
10. Выяснить, образует ли группу невырожденные матрицы порядка n с действительными элементами относительно умножения.

Методические рекомендации по решению задач.

Приступая к самостоятельному решению задач, необходимо внимательно прочесть теоретический материал по соответствующему вопросу темы. Важнейшие понятия этой темы: циклическая группа, порядок группы, образующий элемент, фактор-группа, теоремы Лагранжа и Кэли и др. Эти понятия следует выучить и разобраться в их соотношениях. При решении задач используются формулы, объяснение которых представлено в теме 8.

Критерии формирования оценок по заданиям для самостоятельной работы студента (типовые задачи):

«отлично» (3 балла) - обучающийся показал глубокие знания материала по поставленным вопросам, грамотно и логично его излагает. Свободно использует необходимые формулы при решении задач;

«хорошо» (2 балла) - обучающийся твердо знает материал, грамотно его излагает, но допускает неточности в процессе решения задач;

«удовлетворительно» (1 балл) - обучающийся имеет знания основного материала по поставленным вопросам, но не усвоил его деталей, допускает отдельные неточности при решении задач;

«неудовлетворительно» (0 баллов) – обучающийся допускает грубые ошибки в ответе на поставленные вопросы и при решении задач.

5.2. Оценочные материалы для рубежного контроля.

Рубежный контроль осуществляется по более или менее самостоятельным разделам – учебным модулям курса и проводится по окончании изучения материала модуля в заранее установленное время. Рубежный контроль проводится с целью определения качества усвоения материала учебного модуля в целом. В течение семестра проводится три таких контрольных мероприятия по графику.

В качестве форм рубежного контроля можно использовать тестирование (письменное или компьютерное), проведение коллоквиума или контрольных работ. На рубежные контрольные мероприятия рекомендуется выносить весь программный материал (все разделы) по дисциплине.

Контрольная работа. Контрольная работа – письменная работа небольшого объема, предполагающая проверку знаний заданного к изучению материала и навыков его практического применения. Проводится три раза в течение изучения дисциплины (семестр) в часы аудиторной работы. Не менее чем за 1 неделю до контрольной работы, преподаватель должен определить студентам исходные данные для подготовки: назвать разделы (темы, вопросы), по которым будут контрольные задания, теоретические источники для подготовки.

Контрольные работы могут состоять из одного или нескольких заданий практического и теоретического содержания. При выполнении контрольной работы пользоваться конспектами лекций, учебниками, задачками не разрешено. Длительность решения контрольных заданий составляет не более 90 минут.

5.2.1. Оценочные материалы для контрольной работы: контролируемая компетенция ПКС-3.

Типовые варианты контрольных работ:

Вариант 1

1. Даны матрицы:

$$A = \begin{pmatrix} 1 & -2 & 3 & 1 \\ 0 & 1 & 2 & -1 \\ 2 & 0 & 2 & 1 \end{pmatrix} \quad \text{и} \quad B = \begin{pmatrix} 2 & -3 & 0 \\ 5 & 1 & -1 \\ 1 & 1 & 0 \\ 2 & 1 & -1 \end{pmatrix}.$$

Найти матрицу $C = B \cdot A$ и выяснить, являются ли строки матрицы C линейно зависимыми.

2. Методом обратной матрицы решить систему уравнений:

$$\begin{cases} 2x_1 + x_2 - x_3 = 4, \\ x_1 + x_2 + x_3 = 3, \\ 2x_1 - x_2 - 2x_3 = 0. \end{cases}$$

3. Методом Гаусса решить систему уравнений:

$$\begin{cases} x_1 + 2x_2 - 4x_3 - x_4 = 8, \\ 2x_1 + 5x_2 - 11x_3 - 4x_4 = 9, \\ -x_2 + 3x_3 + 3x_4 = 13, \\ x_1 + x_2 - x_3 + 2x_4 = 21. \end{cases}$$

Найти одно из ее базисных решений.

4. Записать квадратичную форму $L = x_1^2 + 3x_2^2 + 2x_1x_2 - 4x_1x_3 + 4x_2x_3$ в матричном виде. Привести ее к каноническому виду.
5. Определить четность перестановки: 1, 3, 8, 6, 2, 4, 7, 5.

Вариант 2

1. Найти обратную для матрицы $A = \begin{pmatrix} 3 & -1 & 2 \\ 5 & 1 & -2 \\ 8 & -3 & 6 \end{pmatrix}$.

2. Вычислить определитель $\begin{vmatrix} 0 & 2 & -3 & 0 \\ 4 & 0 & 0 & -1 \\ 1 & 0 & 0 & 5 \\ 0 & 6 & -3 & 0 \end{vmatrix}$.

3. Какую алгебраическую структуру образует множество четных чисел относительно операции сложения $(2\mathbb{Z}, +)$?
4. Вычислить $\left(\frac{1-i}{\sqrt{3}i+1}\right)^{12}$.
5. Найти матрицу перехода от базиса $\overline{e}_1 = (1, 0, 0), \overline{e}_2 = (1, -1, 0), \overline{e}_3 = (-1, 1, -1)$ к базису $\overline{e}_1' = (1, 2, -1), \overline{e}_2' = (1, -1, 0), \overline{e}_3' = (1, 0, 0)$.

Вариант 3

1. Пусть операторы \mathcal{A} и \mathcal{B} перестановочны; доказать, что образ и ядро оператора \mathcal{B} инвариантны относительно оператора \mathcal{A} .
2. Является ли оператор A пространства M_n многочленов степени $\leq n$ действительной переменной t линейным, если $\mathcal{A}f(t) = tf(t)$, где $f(t) \in M_n$.
3. Доказать, что всякий линейный оператор, действующий в одномерном пространстве, сводится к умножению всех векторов на фиксированное число (для данного оператора).
4. Пусть преобразование φ в базисе $a_1 = (1, 2), a_2 = (2, 3)$ имеет матрицу $\begin{pmatrix} 3 & 5 \\ 4 & 3 \end{pmatrix}$. Преобразование ψ в базисе $b_1 = (3, 1), b_2 = (4, 2)$ имеет матрицу $\begin{pmatrix} 4 & 6 \\ 6 & 9 \end{pmatrix}$. Найти матрицу преобразования $\varphi + \psi$ в базисе b_1, b_2 .
5. Доказать, что сумма и пересечение подпространств L_1 и L_2 , инвариантных относительно оператора \mathcal{A} , так же инвариантны относительно оператора \mathcal{A} .

Критерии формирования оценок по контрольным точкам (контрольные работы)

4 балла - правильно выполнены все задания, продемонстрирован высокий уровень владения материалом, проявлены превосходные способности применять знания и умения к выполнению конкретных заданий.

3 балла - правильно выполнена большая часть заданий, присутствуют незначительные ошибки, продемонстрирован хороший уровень владения материалом, проявлены средние способности применять знания и умения к выполнению конкретных заданий.

2 балла - задания выполнены более чем наполовину, присутствуют серьезные ошибки, продемонстрирован удовлетворительный уровень владения материалом, проявлены низкие способности применять знания и умения к выполнению конкретных заданий.

1 балл - дан неполный ответ, представляющий собой разрозненные знания по теме вопроса существенными ошибками в определениях.

0 баллов - при полном несоответствии всем критериям и отсутствии ответа.

5.2.2. Оценочные материалы: Типовые тестовые задания по дисциплине «Алгебра» (контролируемая компетенция ПКС-3):

Полный перечень тестовых заданий представлен в ЭОИС -

<http://open.kbsu.ru/moodle/course/view.php?id=1178>

<http://open.kbsu.ru/moodle/course/view.php?id=1488>

Тест – система стандартизированных заданий, позволяющая автоматизировать процедуру измерения уровня знаний и умений студента. Тестирование проводится три раза в течение изучения дисциплины (семестр). Не менее, чем за 1 неделю до тестирования, преподаватель должен определить студентам исходные данные для подготовки к тестированию: назвать разделы (темы, вопросы), по которым будут задания в тестовой форме, теоретические источники (с точным указанием разделов, тем, статей) для подготовки. Оценка результатов тестирования производится компьютерной программой, результат выдается немедленно по окончании теста.

1. Непустое множество G замкнутое относительно бинарной операции $(*)$ образует ...

-: кольцо +: группоид -: полугруппу -: группу

2. Найти значение многочлена $f(x) = 3x + 2$ от матрицы $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ 3 & 0 \end{pmatrix}$

-: $\begin{pmatrix} 6 & 3 \\ 9 & 0 \end{pmatrix}$ +: $\begin{pmatrix} 8 & 3 \\ 9 & 2 \end{pmatrix}$ -: $\begin{pmatrix} 8 & 5 \\ 11 & 0 \end{pmatrix}$ -: $\begin{pmatrix} 8 & 5 \\ 11 & 2 \end{pmatrix}$

3. СЛУ является совместной, если она ...

-: не имеет решений -: имеет только одно решение
+: имеет хотя бы одно решение -: имеет более одного решения

4. Если многочлен $f(x)$ степени n умножить на многочлен $g(x)$ степени m , то получим многочлен $s(x)$ степени ...

+: $s = m + n$ -: $s = n$ -: $s = m$ -: $s = \max(m, n)$

5. Остаток от деления многочлена $f(x) = x^4 - 2x^3 + 4x^2 - 6x + 8$ на двучлен $x - 1$ равен:

-: - 7 -: 7 -: - 5 +: 5

6. Размерность линейного подпространства, натянутого на систему векторов

$a_1 = (2, 3, 1), a_2 = (1, 2, -1), a_3 = (-3, -5, 1)$ равна...

-: 1 -: 2 +: 3 -: 0

7. Матрица перехода от одной базы к другой всегда является ... матрицей

-: единичной +: невырожденной -: нулевой -: особенной

8. Найти размерность подпространства V , натянутого на систему векторов

$$a_1 = (-1, 1, -1, 1), a_2 = (1, 2, 3, 4), a_3 = (-3, 3, -3, 3), a_4 = (2, 4, 6, 8)$$

-: $r=3$ +: $r=2$ -: $r=1$ -: $r=4$

9. Найти размерность пересечения линейных подпространств L_1 , натянутого на векторы

$$a_1 = (1, 1, 1), a_2 = (3, 2, 1), \text{ и } L_2, \text{ натянутого на векторы } b_1 = (0, 1, 2), b_2 = (5, 3, 3)$$

+: 1 -: 3 -: 2 -: 4

10. В базисе e_1, e_2, e_3 3-х мерного линейного пространства линейное преобразование φ

задается матрицей $A = \begin{pmatrix} 3 & 2 & 1 \\ 1 & 5 & 3 \\ 0 & 1 & 1 \end{pmatrix}$. Если $\bar{a} = 2e_1 + e_2 - e_3$, то:

$$-: a\varphi = e_1 + 4e_2 - e_3$$

$$-: a\varphi = 2e_1 - 3e_2 + e_3$$

$$-: a\varphi = e_2 - 2e_3$$

$$+: a\varphi = 7e_1 + 8e_2 + 4e_3$$

11. Система векторов называется ортогональной системой, если все векторы этой системы...

-: нулевые

+: попарно ортогональны между собой

-: единичные

-: попарно ортонормированны между собой

12. Любую квадратичную форму можно привести к каноническому виду с помощью...

-: линейного выраженного преобразования

-: нелинейного преобразования

+: невырожденного линейного преобразования

-: линейного преобразования

Критерии формирования оценок по тестовым заданиям:

По итогам выполнения тестовых заданий оценка производится по пятибалльной шкале.

(5 баллов) – получают обучающиеся с правильным количеством ответов на тестовые вопросы. Выполнено 89-100 % предложенных тестовых вопросов;

(4 балла) – получают обучающиеся с правильным количеством ответов на тестовые вопросы – 70 –88 % от общего объема заданных тестовых вопросов;

(3 балла) – получают обучающиеся с правильным количеством ответов на тестовые вопросы – 50 –69% от общего объема заданных тестовых вопросов;

(2 балла) – получают обучающиеся с правильным количеством ответов на тестовые вопросы – 30-49 % от общего объема заданных тестовых вопросов.

(1 балл) – получают обучающиеся с правильным количеством ответов на тестовые вопросы – 10 –29% от общего объема заданных тестовых вопросов;

(0 баллов) – получают обучающиеся с правильным количеством ответов на тестовые вопросы – менее 10 % от общего объема заданных тестовых вопросов.

5.2.3 Оценочные материалы для проведения коллоквиума (контролируемая компетенция ПКС-3)

Коллоквиум – собеседование преподавателя с обучающимся с целью контроля глубины усвоения теоретического материала, изучения рекомендованной литературы. Коллоквиум – это форма контроля, вид помощи обучающимся и метод стимулирования их самостоятельной работы. Коллоквиум охватывает только раздел или тему изучаемой дисциплины.

Темы коллоквиума за первый семестр:

1. Классификация СЛУ. Метод Гаусса. Определители 2, 3 и n - порядков. Свойства определителей.
2. Правило Крамера. Система крамеровского типа. Метод Гаусса.
3. Перестановки. Инверсия и транспозиция в перестановках. Теоремы о транспозициях.
4. Подстановки. Умножение подстановок. Свойства. Цикл. Длина цикла. Декремент.
5. Определители n - порядка. Свойства. Методы вычисления.
6. Миноры и алгебраические дополнения. Теорема Лапласа
7. Матрицы. Операции над матрицами. Свойства операции.
8. Вырожденные и невырожденные матрицы. Обратная матрица и способ ее нахождения.
9. Ранг матрицы. Теорема о ранге матрицы. Методы вычисления ранга матрицы.
10. Бинарная алгебраическая операция. Алгебраические структуры с одной бинарной операцией.
11. Алгебраические структуры с двумя бинарными операциями. Делители нуля. Характеристика поля.
12. Однородные СЛУ. Число решений однородных СЛУ. Свойства решений однородных систем. ФСР. Теорема о числе решений ФСР.
13. Критерий совместности СЛУ. Правило нахождения общего решения СЛУ.
14. Алгебраическая форма записи комплексного числа. Действия над комплексными числами в алгебраической форме. Сопряженные комплексные числа.
15. Тригонометрическая форма записи комплексного числа. Формула Муавра. Корень n - степени из комплексного числа. Корень n -степени из единицы. Первообразные корни.
16. Многочлены. Действия над многочленами. Свойства.
17. Теорема о делении с остатком для многочленов. Делимость многочленов. Свойства делимости многочленов.
18. Корень многочленов. Теорема Безу. Следствие теоремы Безу.
19. Схема Горнера. Простой и k - кратный корень многочленов.
20. Формулы Виета. НОД многочленов. Алгоритм Евклида.

Темы коллоквиума за второй семестр:

21. Определение векторного пространства. Базис и размерность векторных пространств. Теорема о существовании базиса.
22. Подпространства. Примеры подпространств. Матрица перехода от одного базиса к другому. Сумма подпространств и пересечение подпространств. Теоремы.
23. Линейные преобразования (операторы) векторных пространств. Свойства линейных преобразований. Нулевой, тождественный и оператор подобия.
24. Матрица линейного преобразования в базисе. Связь между матрицами линейного преобразования в разных базисах.

25. Характеристическая матрица. Характеристический многочлен.
26. Собственные векторы и собственные значения.
27. Линейные операторы с простым спектром. Достаточные условия приводимости матрицы линейного оператора к диагональному виду.
28. Дефект и ранг линейного преобразования.
29. Евклидовы пространства. Неравенство Коши – Буняковского. Угол между векторами. Ортогональные и ортонормированные вектора. Процесс ортогонализации.
30. Ортогональное дополнение подпространств. Ортогональная матрица.
31. Ортогональный и симметрический линейный оператор.
32. Билинейная функция. Матрица билинейной формы. Симметрическая билинейная форма.
33. Квадратичная форма. Теорема о ранге квадратичной формы.
34. Невырожденная квадратичная форма. Линейное преобразование квадратичных форм. Нормальный и канонический вид квадратичной формы.
35. Теорема о приведении квадратичной формы к каноническому виду. Метод Лагранжа.
36. Закон инерции. Эквивалентные квадратичные формы. Свойства.
37. Положительный и отрицательный индекс инерции. Сигнатура.
38. Положительно определенная квадратичная форма. Критерий Сильвестра.
39. Приведение квадратичной формы к главным осям.
40. Подгруппы. Циклические группы. Свойства.
41. Нормальные делители. Фактор – группа. Разложение группы по подгруппе. Теорема Лагранжа.
42. Морфизмы групп (гомоморфизмы, эндоморфизмы и автоморфизмы). Свойства.
43. Ряды групп. Прямые произведения.
44. Абелевы группы. Конечно порожденные абелевы группы. Полные абелевы группы. Разложение группы в прямую сумму абелевых подгрупп.
45. Основы теории представления групп. Матричное и подстановочное представления групп.

Критерии формирования оценок по контрольным точкам (коллоквиум)

«отличный (высокий) уровень компетенции» (5 баллов) - ставится в случае, когда обучающийся демонстрирует знание теоретического материала на 100%;

«хороший (нормальный) уровень компетенции» (4 баллов) - ставится в случае, когда обучающийся демонстрирует знание теоретического материала на 70%;

«удовлетворительный (минимальный, пороговый) уровень компетенции» (3 балла) – ставится в случае, когда обучающийся затрудняется с правильной формулировкой теоретического материала, дает неполный ответ, демонстрирует знание теоретического материала на 50%;

«неудовлетворительный (ниже порогового) уровень компетенции» (2 и менее баллов) – ставится в случае, когда обучающийся дает неверную формулировку теоретического материала, дает неверный ответ, демонстрирует незнание теоретического материала или знание материала менее чем на 40% задач.

5.3. Оценочные материалы для промежуточной аттестации.

Целью промежуточной аттестации по дисциплине является оценка качества освоения дисциплины обучающимися. Она предназначена для объективного подтверждения и оценивания достигнутых результатов обучения после завершения изучения дисциплины. Осуществляется в конце семестра и представляет собой итоговую оценку знаний в виде проведения экзамена.

Промежуточная аттестация может проводиться в устной или письменной форме. На промежуточную аттестацию отводится до 30 баллов.

ВОПРОСЫ, ВЫНОСИМЫЕ НА ЭКЗАМЕН

(контролируемая компетенция ПКС-3):

1 семестр.

1. Системы линейных уравнений. Метод Гаусса.
2. Кольцо матриц. Делители нуля.
3. Перестановки. Теорема о числе перестановок. Четность перестановки.
4. Поле. Определение поля. Свойства.
5. Подстановки. Умножение подстановок. Свойства.
6. Подполе. Расширение поля. Характеристика поля.
7. Определители n -го порядка. Свойства 1-3.
8. Поле комплексных чисел. Множество пар элементов. Операция над парами.
9. Определители n -го порядка. Свойства 4-6.
10. Алгебраическая форма комплексного числа. Операции над комплексными числами.
11. Определители n -го порядка. Свойства 7-8.
12. Извлечение корня из комплексного числа в алгебраической форме.
13. Миноры и алгебраическое дополнение. 10-е свойства определителя.
14. Тригонометрическая форма комплексного числа. Операции над комплексными числами в тригонометрической форме.
15. Теорема Лапласа. Разложение определителя по строке.
16. Формула Муавра. Извлечение корня n -й степени из комплексного числа.
17. Понятие n - мерного вектора. Арифметическое n - мерное векторное пространство.
18. Корни n -ой степени из единицы. Примитивные корни.
19. Линейная зависимость векторов. Свойства.
20. Ранг и базис системы векторов.
21. Делимость многочленов с остатком. Теорема.
22. Ранг матрицы. Теорема о ранге матрицы.
23. Делимость многочленов без остатка. Свойства.
24. Методы вычисления ранга матрицы.
25. НОД многочленов. Алгоритм Евклида.
26. Исследование систем линейных уравнений. Теорема Кронекера – Капели.
27. Взаимно простые многочлены. Теорема.
28. Системы линейных уравнений крамеровского типа. Правило Крамера.
29. Корни многочлена. Теорема Безу.
30. Однородные системы линейных уравнений. Свойства решений. ФСР однородной системы уравнений.
31. Основная теорема алгебры комплексных чисел. Следствия.
32. Матрицы. Линейные операции над матрицами. Свойства.
33. Формулы Виета.

34. Умножение матриц. Свойства.
35. Теорема об определителе произведения матриц.
36. Обратная матрица. Условие существования.
37. Группы. Определение, свойства, примеры.
38. Подгруппы. Свойства, примеры. Нормальная подгруппа. Циклическая группа.
39. Кольца. Определение. Свойства. Примеры.
40. Определители n -го порядка. 9-е свойства.
41. Вывод формул Крамера с помощью матриц.
42. Корни многочленов. Схема Горнера.
43. Группа матриц. Свойства.
44. Конечные поля. Характеристика поля.
45. Извлечение квадратного корня из комплексного числа в алгебраической форме.

2 семестр.

1. Определение линейного (векторного) пространства. Примеры. Следствия из аксиом векторного пространства.
2. Размерность пространства. Базис. Координаты. Изменение координат при изменении базиса.
3. Подпространство. Примеры. Общий способ построения.
4. Пересечение и сумма подпространств. Теорема о размерности суммы подпространств.
5. Пересечение подпространств. Теорема о продолжении базиса.
6. Изоморфизм линейных пространств. Примеры. Теорема.
7. Евклидовы пространства. Примеры. Общий способ построения евклидовых пространств.
8. Длина вектора. Неравенство Коши – Буняковского.
9. Ортогональность. Доказательство теоремы Пифагора.
10. Ортогональные базисы. Теорема.
11. Ортонормированные базисы. Свойства.
12. Изоморфизм евклидовых пространств. Теорема.
13. Линейные преобразования векторных пространств. Связь между матрицами и линейными преобразованиями.
14. Теорема о существовании и единственности линейного преобразования для базиса e_1, \dots, e_n и системы векторов a_1, \dots, a_n с условием $\varphi(e_i) = a_i$.
15. Изменение координат при линейном преобразовании.
16. Действия над линейными преобразованиями.
17. Обратное преобразование. Изменение матрицы линейного преобразования при переходе к другому базису.
18. Характеристические матрицы. Характеристические корни. Подобные матрицы, свойства.
19. Собственные векторы, собственные значения. Теорема о связи характеристических корней и собственных значений.
20. Задание линейного преобразования диагональной матрицей. Теорема 1 (необходимость).
21. Задание линейного преобразования диагональной матрицей. Теорема 2 (достаточность).

22. Ортогональные матрицы, свойства.
23. Ортогональные преобразования. Теорема 1 (об ортогональном базисе).
24. Ортогональные преобразования. Теорема 2 (о матрице ортогональных преобразований).
25. Определение квадратичной формы. Матрица квадратичной формы. Формула изменения матрицы.
26. Теорема об изменении ранга матрицы квадратичной формы при линейном преобразовании. Следствие.
27. Приведение квадратичных форм к каноническому виду. Метод Лагранжа.
28. Закон инерции.
29. Эквивалентные квадратичные формы. Теорема.
30. Положительно – определенные квадратичные формы. Теорема.
31. Критерий Сильвестра положительной определенности.
32. Приведение квадратичных форм к главным осям. Теорема 1.
33. Приведение квадратичных форм к главным осям. Теорема 2 (о коэффициентах).
34. Нахождение ортогональной матрицы. Лемма о собственных векторах относящихся к различным собственным значениям.
80. Подгруппы. Циклические группы. Свойства.
81. Нормальные делители. Фактор – группа. Разложение группы по подгруппе. Теорема Лагранжа.
82. Гомоморфизмы. Теорема о гомоморфизмах.
83. Эндоморфизмы и автоморфизмы групп. Свойства.
84. Ряды групп. Прямые произведения.
85. Абелевы группы. Полные абелевы группы. Разложение группы в прямую сумму абелевых подгрупп.

Критерии формирования оценок по промежуточной аттестации:

26-30 баллов – получают обучающиеся, которые свободно ориентируются в материале и отвечают без затруднений. Обучающийся способен к выполнению сложных заданий, постановке целей и выборе путей их реализации. Работа выполнена полностью без ошибок, решено 100% заданий;

21-25 баллов – получают обучающиеся, которые относительно полно ориентируются в материале, отвечают без затруднений, допускают незначительное количество ошибок. Обучающийся способен к выполнению сложных заданий. Работа выполнена полностью, но имеются не более одной негрубой ошибки и одного недочета, не более трех недочетов. Допускаются незначительные неточности при решении задач, решено 70% заданий;

16-20 баллов – получают обучающиеся, у которых недостаточно высок уровень владения материалом. В процессе ответа на экзамене допускаются ошибки и затруднения при изложении материала. Обучающийся правильно выполнил не менее 2/3 всей работы или допустил не более одной грубой ошибки и двух недочетов, не более одной грубой и одной негрубой ошибки, не более трех негрубых ошибок, одной негрубой. Обучающийся затрудняется с правильной оценкой предложенной задачи, дает неполный ответ, решено 55% заданий;

0-15 баллов – получают обучающиеся, которые допускают значительные ошибки. Обучающийся имеет лишь начальную степень ориентации в материале. В работе число

ошибок и недочетов превысило норму для оценки 3 или правильно выполнено менее 2/3 всей работы. Обучающийся дает неверную оценку ситуации, решено менее 50% заданий.

5.4. Оценочные материалы для выполнения курсовой работы по дисциплине.

Смысл написания курсовой работы состоит в приобретении студентом навыков самостоятельного решения практических проблем с научных позиций и письменного изложения полученных результатов по выбранной теме (теоретическая часть, формирование и закрепление системы знаний, умений и навыков по данной теме, самостоятельного проведения различных этапов исследования).

ПРИМЕРНЫЕ ТЕМЫ КУРСОВЫХ РАБОТ (контролируемая компетенция ПКС-3)

1. Машина Тьюринга и ее обобщения
2. Обратные линейные операторы
3. Применение рядов к приближённым вычислениям
4. Частные производные и дифференциалы высших порядков
5. Некоторые приложения определенного интеграла
6. Криволинейные интегралы первого и второго рода и их приложения
7. Вычисление интегралов от тригонометрических функций
8. Арифметика комплексных чисел
9. Определенный интеграл и его прикладные аспекты
10. Предел функции нескольких переменных. Непрерывность
11. Область определения функции нескольких переменных
12. Применение производной при исследовании функции.
13. Принцип сходимости
14. Метрические пространства
15. Ряды Фурье и их применение

Критерии оценивания курсовой работы:

Оценка курсовой работы «отлично». Курсовая работа будет оценена педагогом на «отлично», если во введении приводится обоснование выбора конкретной темы, полностью раскрыта актуальность её в научной отрасли, чётко определены грамотно поставлены задачи и цель курсовой работы. Основная часть работы демонстрирует большое количество прочитанных автором работ. В ней содержатся основные термины и они адекватно использованы. Критически прочитаны источники: вся необходимая информация проанализирована, вычленена, логически структурирована. Присутствуют выводы и грамотные обобщения. В заключении сделаны логичные выводы, а собственное отношение выражено чётко. Автор курсовой работы грамотно демонстрирует осознание возможности применения исследуемых теорий, методов на практике. Приложение содержит цитаты и таблицы, иллюстрации и диаграммы: все необходимые материалы. Курсовая работа написана в стиле академического письма (использован научный стиль изложения материала). Автор адекватно применял терминологию, правильно оформил ссылки. Оформление работы соответствует

требованиям ГОСТ, библиография, приложения оформлены на отличном уровне. Объём работы заключается в пределах от 20 до 30 страниц.

Оценка курсовой работы «хорошо». Курсовая работа на «хорошо» во введении содержит некоторую нечёткость формулировок. В основной её части не всегда проводится критический анализ, отсутствует авторское отношение к изученному материалу. В заключение неадекватно использована терминология, наблюдаются незначительные ошибки в стиле, многие цитаты грамотно оформлены. Допущены незначительные неточности в оформлении библиографии, приложений.

Оценка курсовой работы «удовлетворительно». Курсовая работа на «удовлетворительно» во введении содержит лишь попытку обоснования выбора темы и актуальности, отсутствуют чёткие формулировки. Расплывчато определены задачи и цели. Основное содержание - пересказ чужих идей, нарушена логика изложения, автор попытался сформулировать выводы. В заключении автор попытался сделать обобщения, собственного отношения к работе практически не проявил. В приложении допущено несколько грубых ошибок. Не выдержан стиль требуемого академического письма по проекту в целом, часто неверно употребляются научные термины, ссылки оформлены неграмотно, наблюдается плагиат.

Оценка курсовой работы «неудовлетворительно». При оценивании такой курсовой работы, ее недостатки видны сразу. Курсовая работа на «неудовлетворительно» во введении не содержит обоснования темы, нет актуализации темы. Не обозначены и цели, задачи проекта. Скупое основное содержание указывает на недостаточное число прочитанной литературы. Внутренняя логика всего изложения проекта слабая. Нет критического осмысления прочитанного, как и собственного мнения. Нет обобщений, выводов. Заключение таковым не является. В нём не приведены грамотные выводы. Приложения либо вовсе нет, либо оно недостаточно. В работе наблюдается отсутствие ссылок, плагиат, не выдержан стиль, неадекватное использование терминологии. По оформлению наблюдается ряд недочётов: не соблюдены основные требования ГОСТ, а библиография с приложениями содержат много ошибок. Менее 20 страниц объём всей работы.

6. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности

Максимальная сумма (100 баллов), набираемая студентом по дисциплине включает две составляющие:

- *первая составляющая* – оценка регулярности, своевременности и качества выполнения студентом учебной работы по изучению дисциплины в течение периода изучения дисциплины (семестра, или нескольких семестров) (сумма – не более 70 баллов). Баллы, характеризующие успеваемость студента по дисциплине, набираются им в течение всего периода обучения.
- *вторая составляющая* – оценка знаний студента по результатам промежуточной аттестации (не более 30 –баллов).

Критерием оценки уровня сформированности компетенций в рамках учебной дисциплины «Алгебра» в 1-2 семестрах является экзамен.

Общий балл текущего и рубежного контроля складывается из составляющих приложения 2.

Целью промежуточных аттестаций по дисциплине является оценка качества освоения дисциплины обучающимися.

Критерии оценки качества освоения дисциплины

Оценка «отлично» – от 91 до 100 баллов – теоретическое содержание курса освоено полностью, без пробелов, необходимые практические навыки работы с освоенным материалом сформированы. Все предусмотренные программой обучения учебные задания выполнены. На экзамене студент демонстрирует глубокие знания предусмотренного программой материала, умеет четко и логически последовательно отвечать на поставленные вопросы.

Оценка «хорошо» – от 81 до 90 баллов – теоретическое содержание курса освоено, необходимые практические навыки работы сформированы, выполненные учебные задания содержат незначительные ошибки. На экзамене студент демонстрирует твердое знание основного (программного) материала, есть несущественные неточности при ответе на поставленные вопросы.

Оценка «удовлетворительно» – от 61 до 80 баллов – теоретическое содержание курса освоено не полностью, необходимые практические навыки работы сформированы частично, выполненные учебные задания содержат грубые ошибки. На экзамене студент демонстрирует знание только основного материала, ответы содержат неточности, слабо аргументированы, нарушена последовательность изложения материала

Оценка «неудовлетворительно» – от 36 до 60 баллов – теоретическое содержание курса не освоено, необходимые практические навыки работы не сформированы, выполненные учебные задания содержат грубые ошибки, дополнительная самостоятельная работа над материалом курса не приведет к существенному повышению качества выполнения учебных заданий. На экзамене студент демонстрирует незнание значительной части программного материала, существенные ошибки в ответах на вопросы, неумение ориентироваться в материале, незнание основных понятий дисциплины.

Типовые задания, обеспечивающие формирование компетенций контролируемая компетенция ПКС-3 представлены в таблице 7

Таблица 7. Результаты освоения учебной дисциплины, подлежащие проверке

Код и наименование компетенции	Основные показатели оценки результатов обучения	Индикаторы достижения компетенции (для планирования результатов обучения по элементам образовательной программы и соответствующих оценочных средств)	Вид оценочного материала, обеспечивающие формирование компетенций
ПКС-3 Способен публично представлять собственные и известные научные результаты	Знать особенности представления собственно новых результатов научной деятельности Уметь обрабатывать полученные результаты, анализировать и осмысливать их с	ИД-1_ПКС-3.1. Способен публично представлять результаты собственных исследований ИД-2_ПКС-3.2. Способен изучить новейшие результаты исследований и применить их в профессиональной деятельности	Типовые оценочные материалы для устного опроса (<i>раздел 5.1.1</i>) Оценочные материалы для самостоятельной работы (<i> типовые задачи раздел 5.1.2.</i>) Типовые тестовые задания (<i>раздел 5.2.2</i>) Оценочные материалы

	<p>учетом имеющихся литературных данных</p> <p>Владеть навыками представления собственных и известных результатов научной деятельности.</p>		<p>для проведения коллоквиума (раздел 5.2.3)</p> <p>Типовые оценочные материалы к экзамену (раздел 5.3.)</p>
--	--	--	--

7. Учебно – методическое обеспечение дисциплины

7.1. Нормативно-законодательные акты

1. Гражданский кодекс РФ: [электронный ресурс]// Доступ из справочной системы "Гарант". <http://www.garantexpress.ru>.
2. Приказ Министерства образования и науки РФ от 10 января 2018 г. № 16 «Об утверждении федерального государственного образовательного стандарта высшего образования - специалитет по специальности 01.05.01 Фундаментальные математика и механика» – Режим доступа: URL: <https://www.garant.ru/products/ipo/prime/doc/71773266/>
- 3.Федеральный закон "Об образовании в Российской Федерации" от 29.12.2012 № 273-ФЗ http://www.consultant.ru/document/cons_doc_LAW_140174/

7.2.Основная литература.

4. Ахметгалиева В.Р. Математика. Линейная алгебра [Электронный ресурс]: учебное пособие/ Ахметгалиева В.Р., Галяутдинова Л.Р., Галяутдинов М.И.— Электрон. текстовые данные.— М.: Российский государственный университет правосудия, 2017.— 60 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/65863.html>.
5. Бабин, А.И. Линейная алгебра : учебное пособие / А.И. Бабин, А.В. Дягилева. — Кемерово : КузГТУ имени Т.Ф. Горбачева, 2018. — 116 с. — ISBN 978-5-906969-60-6. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система «Лань» : [сайт]. — URL: <https://e.lanbook.com/book/105427>
6. Мальцев, И. А. Линейная алгебра : учебное пособие для спо / И. А. Мальцев. — Санкт-Петербург : Лань, 2021. — 380 с. — ISBN 978-5-8114-6834-8. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/153646>
7. Окунев, Л. Я. Высшая алгебра : учебник / Л. Я. Окунев. — 3-е изд.,стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2021. — 336 с. — ISBN 978-5-8114-0910-5. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/167769>
8. Фаддеев, Д. К. Лекции по алгебре : учебное пособие / Д. К. Фаддеев. — 7-е изд., стер. — Санкт-Петербург : Лань, 2020. — 416 с. — ISBN 978-5-8114-4867-8. — Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. — URL: <https://e.lanbook.com/book/126709>

7.3. Дополнительная литература

9. Гельфанд, И.М. Алгебра : учебное пособие / И.М. Гельфанд, А. Шень. — 2-е изд., испр. и доп. — Москва : МЦНМО, 2009. — 14 с. — ISBN 978-5-94057-450-7. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система «Лань» : [сайт]. — URL: <https://e.lanbook.com/book/9322>

10. Новак Е.В. Высшая математика. Алгебра [Электронный ресурс]: учебное пособие/ Новак Е.В., Рязанова Т.В., Новак И.В.— Электрон. текстовые данные.— Екатеринбург: Уральский федеральный университет, ЭБС АСВ, 2015.— 116 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/69589.html>.— ЭБС «IPRbooks»
11. Высшая математика. Том 1. Линейная алгебра. Векторная алгебра. Аналитическая геометрия [Электронный ресурс]: учебник/ А.П. Господариков [и др.].— Электрон. текстовые данные.— СПб.: Национальный минерально-сырьевой университет «Горный», 2015.— 105 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/71687.html>.
12. Кощев А.С. Линейная алгебра [Электронный ресурс]: учебное пособие/ Кощев А.С., Медведева М.А., Никонов О.И.— Электрон. текстовые данные.— Екатеринбург: Уральский федеральный университет, ЭБС АСВ, 2013.— 108 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/69618.html>.— ЭБС «IPRbooks»
13. Кочетова Ю.В. Алгебра. Конечномерные пространства. Линейные операторы [Электронный ресурс]: курс лекций/ Кочетова Ю.В., Ширшова Е.Е.— Электрон. текстовые данные.— М.: Прометей, 2013.— 80 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/23973.html>.— ЭБС «IPRbooks»
14. Морозова Л.Е. Линейная алгебра. Часть 2 [Электронный ресурс]: учебное пособие/ Морозова Л.Е., Полякова О.Р.— Электрон. текстовые данные.— СПб.: Санкт-Петербургский государственный архитектурно-строительный университет, ЭБС АСВ, 2014.— 108 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/30007.html>
15. Березина Н.А. Линейная алгебра [Электронный ресурс]: учебное пособие/ Березина Н.А.— Электрон. текстовые данные.— Саратов: Научная книга, 2012.— 126 с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/6293.html>.— ЭБС «IPRbooks»
16. Алгебра и аналитическая геометрия в примерах и задачах [Электронный ресурс]: учебное пособие/ Р.Ф. Ахвердиев [и др.].— Электрон. текстовые данные.— Казань: Казанский национальный исследовательский технологический университет, 2009.— 89с.— Режим доступа: <http://www.iprbookshop.ru/63676.html>.— ЭБС «IPRbooks»
17. Войтенко, Т.Ю. Введение в алгебру. Задачи и решения : словарь / Т.Ю. Войтенко, Е.Н. Яковлева. — 2-е изд., стер. — Москва : ФЛИНТА, 2017. — 148 с. — ISBN 978-5-9765-2986-1. — Текст : электронный // Электронно-библиотечная система «Лань» : [сайт]. — URL: <https://e.lanbook.com/book/99126>
18. Фаддеев Д.К. Лекции по алгебре. С.-П.: Лань, 2005г.-416с.
19. Фаддеев Д.К., Соминский И.С. Сборник задач по высшей алгебре. М.: Наука. Главная редакция физико-математической литературы, 1977г.-288с.

7.4.Периодические издания

20. Вестник МГУ Серия 1. Математика. Механика.
21. Известия РАН. Серия математическая.
22. Успехи математических наук.

7.5.Интернет – ресурсы.

При изучении дисциплины «Алгебра» обучающиеся обеспечены доступом (удаленный доступ) к ресурсам:

– *общие информационные, справочные и поисковые:*

23. Справочная правовая система «Гарант». URL: <http://www.garant.ru>.
24. Справочная правовая система «КонсультантПлюс». URL: <http://www.consultant.ru>
25. БиблиотекаКБГУ <http://lib.kbsu.ru>

**Перечень актуальных электронных информационных баз данных,
к которым обеспечен доступ пользователям КБГУ**

№ п/п	Наименование электронного ресурса	Краткая характеристика	Адрес сайта	Наименование организации-владельца; реквизиты договора	Условия доступа
1.	Научная электронная библиотека (НЭБ РФФИ)	Электр. библиотека научных публикаций - около 4000 иностранных и 3900 отечественных научных журналов, рефераты публикаций 20 тыс. журналов, а также описания 1,5 млн. зарубежных и российских диссертаций; 2800 росс. журналов на безвозмездной основе	http://elibrary.ru	ООО «НЭБ»	Полный доступ
2.	База данных Science Index (РИНЦ)	Национальная информационно-аналитическая система, аккумулирующая более 6 миллионов публикаций российских авторов, а также информацию об их цитировании из более 4500 российских журналов.	http://elibrary.ru	ООО «НЭБ» Лицензионный договор Science Index №SIO-741/2022 от 19.07.2022 г. Активен до 31.07.2023г.	Авторизованный доступ. Позволяет дополнять и уточнять сведения о публикациях ученых КБГУ, имеющих в РИНЦ
3.	«Электронная библиотека технического вуза» (ЭБС «Консультант студента»)	Коллекция «Медицина (ВО) ГЭОТАР-Медиа. Books in English (книги на английском языке)»	http://www.studmedlib.ru	ООО «Политехресурс» (г. Москва) Договор №701КС/02-2022 от 13.04.2022 г. Активен до 19.04.2023г.	Полный доступ (регистрация по IP-адресам КБГУ)
4.	ЭБС «Лань»	Электронные версии книг ведущих издательств учебной и научной литературы (в том числе университетских издательств), так и электронные версии периодических изданий по различным областям знаний.	https://e.lanbook.com/	ООО «ЭБС ЛАНЬ» (г. Санкт-Петербург) Договор №6ЕП/223 от 15.02.2022 г. Активен до 28.02.2023г.	Полный доступ (регистрация по IP-адресам КБГУ)

5.	Национальная электронная библиотека РГБ	Объединенный электронный каталог фондов рос. библиотек, содержащий 4 331 542 электронных документов образовательного и научного характера по различным отраслям знаний	https://нэб.рф	ФГБУ «Российская государственная библиотека» Договор №101/НЭБ/1666-п от 10.09.2020г. Сроком на 5 лет	Доступ с электронного читального зала библиотеки КБГУ
6.	ЭБС «IPRbooks»	107831 публикаций, в т.ч.: 19071 – учебных изданий, 6746 – научных изданий, 700 коллекций, 343 журнала ВАК, 2085 аудиоизданий.	http://iprbookshop.ru/	ООО «Ай Пи Эр Медиа» (г. Саратов) Договор №9200/22П от 08.04.2022 г. Активен до 02.04.2023г.	Полный доступ (регистрация по IP-адресам КБГУ)
7.	Polpred.com. Новости. Обзор СМИ. Россия и зарубежье	Обзор СМИ России и зарубежья. Полные тексты + аналитика из 600 изданий по 53 отраслям	http://polpred.com	ООО «Полпред справочники» Безвозмездно (без официального договора)	Доступ по IP-адресам КБГУ
8.	Президентская библиотека им. Б.Н. Ельцина	Более 500 000 электронных документов по истории Отечества, российской государственности, русскому языку и праву	http://www.prilib.ru	ФГБУ «Президентская библиотека им. Б.Н. Ельцина» (г. Санкт-Петербург) Соглашение от 15.11.2016г. бессрочный	Авторизованный доступ из библиотеки (ауд. №115,214)

Кроме того обучающиеся могут воспользоваться профессиональными поисковыми системами:

26. Полнотекстовая база данных ScienceDirect: URL:<http://www.sciencedirect.com>.

27. Математическая интернет-библиотека URL: <https://math.ru/lib/cat/>

Для эффективного усвоения дисциплины, помимо учебного материала, студентам необходимо пользоваться данными всемирной сети Интернет, такими сайтами, как:

28. Математическая энциклопедия- PlanetMath.Org

29. Глоссарий по математике http://www.glossary.ru/cgi-in/gl_sch2.cgi?RMgylsgyoqg

30. Научная электронная библиотека eLIBRARY.RU <http://www.elibrary.ru>

31. Образовательный математический сайт URL: <http://www.exponenta.ru>

7.6. Методические указания по проведению различных учебных занятий и видов самостоятельной работы.

Учебная работа по дисциплине «Алгебра» состоит из контактной работы (лекции, практические занятия) и самостоятельной работы. Соотношение лекционных и практических занятий к общему количеству часов соответствует учебному плану программы специалитета 01.05.01 Фундаментальная математика и механика (Профиль: «Фундаментальная математика»). Для подготовки к практическим занятиям необходимо рассмотреть контрольные вопросы, при необходимости обратиться к рекомендуемой литературе, записать непонятные моменты в вопросах для уяснения их на предстоящем занятии.

Методические рекомендации по изучению дисциплины «Алгебра» для обучающихся

Приступая к изучению дисциплины, обучающемуся необходимо ознакомиться с тематическим планом занятий, списком рекомендованной учебной литературы. Следует уяснить последовательность выполнения индивидуальных учебных заданий, занести в свою рабочую тетрадь темы и сроки проведения семинаров. При изучении дисциплины обучающиеся выполняют следующие задания: изучают рекомендованную учебную и научную литературу; пишут контрольные работы; выполняют самостоятельные работы, участвуют в выполнении практических заданий. Уровень и глубина усвоения дисциплины зависят от активной и систематической работы на лекциях, изучения рекомендованной литературы, выполнения контрольных письменных заданий.

Курс изучается на лекциях, семинарах, при самостоятельной и индивидуальной работе обучающихся. Обучающийся для полного освоения материала должен не пропускать занятия и активно участвовать в учебном процессе. Лекции включают все темы и основные вопросы теории и практики. Для максимальной эффективности изучения необходимо постоянно вести конспект лекций, знать рекомендуемую преподавателем литературу, позволяющую дополнить знания и лучше подготовиться к семинарским занятиям.

В соответствии с учебным планом на каждую тему выделено необходимое количество часов практических занятий. Обучающиеся должны регулярно готовиться к семинарским занятиям и участвовать в обсуждении вопросов. При подготовке к занятиям следует руководствоваться конспектом лекций и рекомендованной литературой. Тематический план дисциплины, учебно-методические материалы, а также список рекомендованной литературы приведены в рабочей программе

Методические рекомендации при работе над конспектом во время проведения лекции

В процессе лекционных занятий целесообразно конспектировать учебный материал. Для этого используются общие и утвердившиеся в практике правила, и приемы конспектирования лекций.

Конспектирование лекций ведется в специально отведенной для этого тетради, каждый лист которой должен иметь поля, на которых делаются пометки из рекомендованной литературы, дополняющие материал прослушанной лекции, а также подчеркивающие особую важность тех или иных теоретических положений.

Целесообразно записывать тему и план лекций, рекомендуемую литературу к теме. Записи разделов лекции должны иметь заголовки, подзаголовки, красные строки. Для выделения разделов, выводов, определений, основных идей можно использовать цветные ручки и фломастеры.

Названные в лекции ссылки на первоисточники надо пометить на полях, чтобы при самостоятельной работе найти и вписать их. В конспекте дословно записываются определения понятий. Остальное должно быть записано своими словами.

Методические рекомендации по подготовке к практическим занятиям

Практические (семинарские) занятия – составная часть учебного процесса, групповая форма занятий при активном участии студентов. Практические занятия способствуют углубленному изучению наиболее сложных проблем науки и служат основной формой подведения итогов самостоятельной работы обучающихся.

Целью практических занятий является углубление и закрепление теоретических знаний, полученных обучающимися на лекциях и в процессе самостоятельного изучения учебного материала, а, следовательно, формирование у них определенных умений и навыков.

В ходе подготовки к семинарскому занятию необходимо прочесть конспект лекции, изучить основную литературу, ознакомиться с дополнительной литературой, выполнить практические задания. При этом учесть рекомендации преподавателя и требования программы. Дорабатывать свой конспект лекции, делая в нем соответствующие записи из литературы.

Желательно при подготовке к практическим занятиям по дисциплине одновременно использовать несколько источников, раскрывающих заданные вопросы.

Методические рекомендации по организации самостоятельной работы

Самостоятельная работа обучающихся – способ активного, целенаправленного приобретения студентом новых для него знаний и умений без непосредственного участия в этом процесса преподавателей. Повышение роли самостоятельной работы обучающихся при проведении различных видов учебных занятий предполагает:

- оптимизацию методов обучения, внедрение в учебный процесс новых технологий обучения, повышающих производительность труда преподавателя, активное использование информационных технологий, позволяющих обучающемуся в удобное для него время осваивать учебный материал;
- внедрение компьютеризированного тестирования;
- совершенствование методики проведения практик и научно-исследовательской работы обучающихся, поскольку именно эти виды учебной работы в первую очередь готовят обучающихся к самостоятельному выполнению профессиональных задач.

Самостоятельная работа приводит студента к получению нового знания, упорядочению и углублению имеющихся знаний, формированию у него профессиональных навыков и умений. Самостоятельная работа выполняет ряд функций: развивающую, информационно-обучающую, ориентирующую и стимулирующую, воспитывающую, исследовательскую.

Студентам рекомендуется с самого начала освоения курса работать с литературой и предлагаемыми заданиями в форме подготовки к очередному аудиторному занятию. При освоении курса студент может пользоваться библиотекой вуза, которая в полной мере обеспечена соответствующей литературой. Самостоятельная работа студентов предусмотрена учебным планом и выполняется в обязательном порядке. Для успешного самостоятельного изучения материала используются различные средства обучения, среди которых особое место занимают информационные технологии разного уровня и направленности: электронные учебники и курсы лекций, базы тестовых заданий и задач. Для успешной организации самостоятельной работы все активнее применяются разнообразные образовательные ресурсы в сети Интернет: системы тестирования, виртуальные лекции, при этом пользователю достаточно иметь компьютер и подключение к Интернет.

Большое воспитательное и образовательное значение в самостоятельном учебном труде студента имеет самоконтроль. Самоконтроль возбуждает и поддерживает внимание и интерес, повышает активность памяти и мышления, позволяет студенту своевременно обнаружить и устранить допущенные ошибки и недостатки, объективно определить уровень своих знаний, практических умений. Самое доступное и простое

средство самоконтроля с применением информационно-коммуникационных технологий - это ряд тестов «on-line», которые позволяют определить свой уровень владения предметным материалом, выявить свои ошибки и получить рекомендации по самосовершенствованию.

Методические рекомендации по работе с литературой

Всю литературу можно разделить на учебники и учебные пособия, оригинальные научные монографические источники, научные публикации в периодической печати. Из них можно выделить литературу основную, дополнительную и литературу для углубленного изучения дисциплины.

Изучение дисциплины следует начинать с учебника, поскольку учебник – это книга, в которой изложены основы научных знаний по определенному предмету в соответствии с целями и задачами обучения, установленными программой.

При работе с литературой необходимо учитывать, что имеются различные виды чтения, и каждый из них используется на определенных этапах освоения материала.

Предварительное чтение направлено на выявление в тексте незнакомых терминов и поиск их значения в справочной литературе. В частности, при чтении указанной литературы необходимо подробнейшим образом анализировать понятия.

Сквозное чтение предполагает прочтение материала от начала до конца. Сквозное чтение литературы из приведенного списка дает возможность студенту сформировать свод основных понятий из изучаемой области и свободно владеть ими.

Выборочное – наоборот, имеет целью поиск и отбор материала. В рамках данного курса выборочное чтение, как способ освоения содержания курса, должно использоваться при подготовке к практическим занятиям по соответствующим разделам.

Аналитическое чтение – это критический разбор текста с последующим его конспектированием.

Целью *изучающего* чтения является глубокое и всестороннее понимание учебной информации.

Подготовка к экзамену должна проводиться на основе лекционного материала, материала практических занятий с обязательным обращением к основным учебникам по курсу. Это позволит исключить ошибки в понимании материала, облегчит его осмысление, прокомментирует материал многочисленными примерами.

Методические рекомендации для подготовки к экзамену

Экзамен в 1 и 2-м семестрах является формой итогового контроля знаний и умений обучающихся по данной дисциплине, полученных на лекциях, практических занятиях и в процессе самостоятельной работы. Основой для определения оценки служит уровень усвоения обучающимися материала, предусмотренного данной рабочей программой. К экзамену допускаются студенты, набравшие 36 и более баллов по итогам текущего и промежуточного контроля. На экзамене студент может набрать от 15 до 30 баллов.

В период подготовки к экзамену обучающиеся вновь обращаются к учебно-методическому материалу и закрепляют промежуточные знания.

При подготовке к экзамену обучающимся целесообразно использовать материалы лекций, учебно-методические комплексы, основную и дополнительную литературу. На экзамен выносятся материалы в объеме, предусмотренном рабочей программой учебной дисциплины за семестр. Экзамен проводится в письменной / устной форме.

При проведении экзамена в письменной (устной) форме, ведущий преподаватель составляет экзаменационные билеты, которые включают в себя: теоретические вопросы и задачи. Формулировка теоретических заданий совпадает с формулировкой перечня экзаменационных вопросов, доведенных до сведения обучающихся накануне экзаменационной сессии. Содержание вопросов одного билета относится к различным разделам программы с тем, чтобы более полно охватить материал учебной дисциплины.

На подготовку ответа на билет на экзамене отводится 40 минут. При проведении письменного экзамена на работу отводится 60 минут.

Результат устного (письменного) экзамена выражается оценками:

Оценка «отлично» – от 91 до 100 баллов – теоретическое содержание курса освоено полностью, без пробелов, необходимые практические навыки работы с освоенным материалом сформированы. Все предусмотренные программой обучения учебные задания выполнены. На экзамене студент демонстрирует глубокие знания предусмотренного программой материала, умеет четко и логически последовательно отвечать на поставленные вопросы.

Оценка «хорошо» – от 81 до 90 баллов – теоретическое содержание курса освоено, необходимые практические навыки работы сформированы, выполненные учебные задания содержат незначительные ошибки. На экзамене студент демонстрирует знания основного (программного) материала, допускает неточности при ответе на поставленные вопросы.

Оценка «удовлетворительно» – от 61 до 80 баллов – теоретическое содержание курса освоено не полностью, необходимые практические навыки работы сформированы частично, выполненные учебные задания содержат грубые ошибки. На экзамене студент демонстрирует знание только основного материала, ответы содержат неточности, нарушена последовательность изложения материала

Оценка «неудовлетворительно» – от 36 до 60 баллов – теоретическое содержание курса не освоено, необходимые практические навыки работы не сформированы, выполненные учебные задания содержат грубые ошибки, дополнительная самостоятельная работа над материалом курса не приведет к существенному повышению качества выполнения учебных заданий. На экзамене студент демонстрирует незнание значительной части программного материала, существенные ошибки в ответах на вопросы, неумение ориентироваться в материале, незнание основных понятий дисциплины

Методические рекомендации для написания курсовой работы

Курсовая работа. Смысл написания курсовой работы состоит в приобретении студентом навыков самостоятельного решения практических проблем с научных позиций и письменного изложения полученных результатов по выбранной теме (теоретическая часть, формирование и закрепление системы знаний, умений и навыков по данной теме, самостоятельного проведения различных этапов исследования).

Порядок подготовки курсовой работы содержит следующие этапы:

- выбор темы и согласование ее с научным руководителем;
- формирование структуры курсовой работы;
- сбор материала и его обработка;
- подбор литературы по теме, подготовка библиографии изучаемого вопроса;
- формирование основных теоретических положений, выводов и рекомендаций;
- подготовка и оформление курсовой работы;
- сдача подготовленной курсовой работы научному руководителю;
- доработка текста по замечаниям научного руководителя.

При выполнении курсовой работы студенту необходимо систематически консультироваться с научным руководителем по вопросам написания работы (план работы, методика написания, анализ полученных результатов).

Курсовая работа должна состоять из следующих частей:

- титульный лист,
- содержание (оглавление),
- введение,
- основной текст (разбитый на пункты и подпункты),

- заключение,
- список использованных источников и литературы,
- приложения.

Титульный лист. Титульный лист является первой страницей курсовой работы и выполняется строго по образцу, приведенному на кафедре.

Содержание (оглавление). Содержание (оглавление) отражает структуру курсовой работы и помещается после титульного листа. Оглавление включает в себя: список принятых сокращений; введение; наименования всех глав, пунктов и подпунктов; заключение; список использованных источников и литературы; приложения с указанием номеров страниц, с которых они начинаются. Нумерация страниц оформляется арабскими цифрами. Наименования глав не должны повторять название курсовой работы, а заголовки пунктов – названия глав.

Введение. Курсовая работа начинается с введения. Во введении автор должен показать актуальность избранной проблемы, степень ее разработанности в литературе, новизну темы, связь данного исследования с другими научно-исследовательскими работами. Здесь формулируются цель и задачи исследования, указываются объект, предмет, методика и методология исследования, обосновывается структура работы.

Основная часть. В основной части автор раскрывает содержание курсовой работы. Основная часть отражает итоги теоретической и практической работы студента, проведенной по избранной теме, содержит результаты исследования, выводы и конкретные предложения по проблеме. Основная часть курсовой работы делится на главы. Главы основной части могут делиться на пункты и подпункты. Каждый пункт должен содержать законченную информацию.

Заключение. В заключении автор подводит итоги исследования в соответствии с определенными во введении задачами курсовой работы, делает теоретические обобщения, формулирует выводы и практические рекомендации.

Список использованных источников и литературы. Список должен содержать перечень источников и литературы, использованных при выполнении курсовой работы. Образец оформления списка использованных источников и примеры библиографического описания приведены в <http://www.ipr-ras.ru/gost-2008-references.pdf>.

Приложения. Приложение оформляют как продолжение курсовой работы на ее последующих страницах и располагают в порядке появления ссылок на них в тексте работы. В приложения рекомендуется включать материалы, связанные с выполнением курсовой работы, которые по каким-либо причинам не могут быть включены в основную часть исследования. По содержанию приложения разнообразны. Это могут быть копии подлинных документов, выдержки из отчетных материалов, протоколов, отдельные положения из инструкций и правил, ранее не опубликованные тексты, переписка. По форме они могут представлять собой текст, таблицы, графики, схемы. Каждое приложение, как правило, имеет самостоятельное значение, поэтому оно должно начинаться с новой страницы, иметь тематический заголовок, напечатанный прописными буквами. В правом верхнем углу над заголовком прописными буквами должно быть напечатано слово «приложение». Если приложений в курсовой работе более одного, их следует пронумеровать арабскими цифрами (без знака №), например: *Приложение 1*, *Приложение 2* и т. д. Рисунки, таблицы и схемы, помещаемые в приложения, нумеруют арабскими цифрами в пределах каждого приложения, например: «Рис. 1.1» (первый рисунок первого приложения); «Таблица 1.2» (вторая таблица первого приложения). Максимальная сумма баллов по курсовой работе установлена в 100 баллов.

Оценка курсовой работы «отлично» – (от 91 до 100 баллов) – курсовая работа будет оценена педагогом на «отлично», если во введении приводится обоснование выбора конкретной темы, полностью раскрыта актуальность её в научной отрасли, чётко определены грамотно поставлены задачи и цель курсовой работы. Основная часть работы демонстрирует большое количество прочитанных автором работ. В ней содержатся основные термины, и они адекватно использованы. Критически прочитаны источники: вся необходимая информация проанализирована, вычленена, логически структурирована. Присутствуют выводы и грамотные обобщения. В заключении сделаны логичные выводы, а собственное отношение выражено чётко. Автор курсовой работы грамотно демонстрирует осознание возможности применения исследуемых теорий, методов на практике. Приложение содержит цитаты и таблицы, иллюстрации и диаграммы: все необходимые материалы. Курсовая работа написана в стиле академического письма (использован научный стиль изложения материала). Автор адекватно применял терминологию, правильно оформил ссылки. Оформление работы соответствует требованиям ГОСТ, библиография, приложения оформлены на отличном уровне. Объём работы заключается в пределах от 20 до 30 страниц.

Оценка курсовой работы «хорошо» – от 81 до 90 баллов – курсовая работа на «хорошо» во введении содержит некоторую нечёткость формулировок. В основной её части не всегда проводится критический анализ, отсутствует авторское отношение к изученному материалу. В заключение неадекватно использована терминология, наблюдаются незначительные ошибки в стиле, многие цитаты грамотно оформлены. Допущены незначительные неточности в оформлении библиографии, приложений.

Оценка курсовой работы «удовлетворительно» – от 61 до 80 баллов – курсовая работа на «удовлетворительно» во введении содержит лишь попытку обоснования выбора темы и актуальности, отсутствуют чёткие формулировки. Расплывчато определены задачи и цели. Основное содержание - пересказ чужих идей, нарушена логика изложения, автор попытался сформулировать выводы. В заключении автор попытался сделать обобщения, собственного отношения к работе практически не проявил. В приложении допущено несколько грубых ошибок. Не выдержан стиль требуемого академического письма по проекту в целом, часто неверно употребляются научные термины, ссылки оформлены неграмотно, наблюдается плагиат.

Оценка курсовой работы «неудовлетворительно» – от 36 до 60 баллов – при оценивании такой курсовой работы, ее недостатки видны сразу. Курсовая работа на «неудовлетворительно» во введении не содержит обоснования темы, нет актуализации темы. Не обозначены и цели, задачи проекта. Скупое основное содержание указывает на недостаточное число прочитанной литературы. Внутренняя логика всего изложения проекта слабая. Нет критического осмысления прочитанного, как и собственного мнения. Нет обобщений, выводов. Заключение таковым не является. В нём не приведены грамотные выводы. Приложения либо вовсе нет, либо оно недостаточно. В работе наблюдается отсутствие ссылок, плагиат, не выдержан стиль, неадекватное использование терминологии. По оформлению наблюдается ряд недочётов: не соблюдены основные требования ГОСТ, а библиография с приложениями содержат много ошибок. Менее 20 страниц объём всей работы.

8. Материально-техническое обеспечение дисциплины

8.1. Требования к материально-техническому обеспечению

Для реализации рабочей программы дисциплины имеются специальные помещения для проведения занятий лекционного и семинарского типа, групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации, а также помещения для самостоятельной работы и помещения для хранения и обслуживания оборудования. Специальные помещения укомплектованы специализированной мебелью и техническими средствами обучения, служащими для представления информации большой аудитории.

Для проведения занятий лекционного типа имеются демонстрационное оборудование.

При проведении занятий лекционного/ семинарского типа используются:

лицензионное программное обеспечение:

- программное обеспечение средств антивирусной защиты Kaspersky Endpoint Security для бизнеса - Стандартный Russian Edition. 1000-1500 Node 1 year Educational Renewal License (KL4863RAVFQ);

- программное обеспечение для работы с PDF-документами. ABBYY FineReader 15 Business.

- программное обеспечение для работы с документами формата PDF Acrobat Pro DC for teams ALL Multiple Platforms Multi European Languages Level 1 (1-9) Education Named License 65297997BB01A12

- офисное программное обеспечение МойОфис Стандартный

свободно распространяемые программы:

- Web Browser – Firefox;
- AcademicMarthCADLicense - математическое программное обеспечение, которое позволяет выполнять, анализировать важнейшие инженерные расчеты и обмениваться ими;
- 7zip - программ для сжатия и распаковки файлов;
- AdobeReader– программа для чтения PDF файлов;
- DjvuReader – приложения для распознавания, конвентирования и работы с Djvu файлами.

8.2 Особенности реализации дисциплины для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья

Для студентов с ограниченными возможностями здоровья созданы специальные условия для получения образования. В целях доступности получения высшего образования по образовательным программам инвалидами и лицами с ограниченными возможностями здоровья университетом обеспечивается:

1. Альтернативная версия официального сайта в сети «Интернет» для слабовидящих;

2. Для инвалидов с нарушениями зрения (слабовидящие, слепые) - присутствие ассистента, оказывающего обучающемуся необходимую помощь, дублирование вслух справочной информации о расписании учебных занятий; наличие средств для усиления остаточного зрения, брайлевской компьютерной техники, видеоувеличителей, программ не визуального доступа к информации, программ-синтезаторов речи и других технических средств приема-передачи учебной информации в доступных формах для студентов с нарушениями зрения;

3. Для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья по слуху (слабослышащие, глухие) – звукоусиливающая аппаратура, мультимедийные средства и другие технические средства приема-передачи учебной информации в доступных формах;

4. Для инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья, имеющих нарушения опорно-двигательного аппарата, созданы материально-технические условия обеспечивающие возможность беспрепятственного доступа обучающихся в учебные помещения, объекту питания, туалетные и другие помещения университета, а также пребывания в указанных помещениях (наличие расширенных дверных проемов, поручней и других приспособлений).

Обучающиеся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья обеспечены электронными образовательными ресурсами в формах, адаптированных к ограничениям их здоровья.

Обучающимся с ограниченными возможностями здоровья предоставляются специальные учебники и учебные пособия, иная учебная литература, специальные технические средства обучения коллективного и индивидуального пользования, предоставление услуг ассистента (помощника), оказывающего обучающимся необходимую техническую помощь, а также услуги сурдопереводчиков и тифлосурдопереводчиков.

а) для слабовидящих:

- на экзамене присутствует ассистент, оказывающий студенту необходимую техническую помощь с учетом индивидуальных особенностей (он помогает занять рабочее место, передвигаться, прочитать и оформить задание, в том числе записывая под диктовку);

- задания для выполнения, а также инструкция о порядке проведения зачете/экзамена оформляются увеличенным шрифтом;

- задания для выполнения на экзамене зачитываются ассистентом;

- письменные задания выполняются на бумаге, надиктовываются ассистенту;

- обеспечивается индивидуальное равномерное освещение не менее 300 люкс;

- студенту для выполнения задания при необходимости предоставляется увеличивающее устройство;

в) для глухих и слабослышащих:

- на зачете/экзамене присутствует ассистент, оказывающий студенту необходимую техническую помощь с учетом индивидуальных особенностей (он помогает занять рабочее место, передвигаться, прочитать и оформить задание, в том числе записывая под диктовку);

- зачет/экзамен проводится в письменной форме;

- обеспечивается наличие звукоусиливающей аппаратуры коллективного пользования, при необходимости поступающим предоставляется звукоусиливающая аппаратура индивидуального пользования;

- по желанию студента экзамен может проводиться в письменной форме;

д) для лиц с нарушениями опорно-двигательного аппарата (тяжелыми нарушениями двигательных функций верхних конечностей или отсутствием верхних конечностей):

- письменные задания выполняются на компьютере со специализированным программным обеспечением или надиктовываются ассистенту;

- по желанию студента экзамен проводится в устной форме.

ЛИСТ ИЗМЕНЕНИЙ (ДОПОЛНЕНИЙ)

в рабочую программу по дисциплине «Алгебра»
по программе специалитета 01.05.01 Фундаментальные математика и механика
(Профиль: «Фундаментальная математика») на _____ учебный год

№п/п	Элемент (пункт) РПД	Перечень вносимых изменений (дополнений)	Примечание

Обсуждена и рекомендована на заседании кафедры алгебры и дифференциальных уравнений протокол № ____ от " ____ " _____ 20__ г.

Заведующий кафедрой _____ / _____ /

Распределение баллов текущего и рубежного контроля

№ п/п	Вид контроля	Сумма баллов			
		Общая сумма	1-я точка	2-я точка	3-я точка
1.	Посещение занятий	до 10 баллов	до 3 б.	до 3б.	до 4б.
2.	Текущий контроль:	до 30 баллов	до 10 б.	до 10 б.	до 10б.
	Ответ на 5 вопросов	от 0 до 15 б.	от 0 до 5б.	от 0 до 5 б.	от 0 до 5б.
	Полный правильный ответ	до 15 баллов	5 баллов	5 баллов	5 баллов
	Неполный правильный ответ	от 3 до 15 б.	от 1 до 5б.	от 1 до 5б.	от 1 до 5б.
	Ответ, содержащий неточности, ошибки	0б.	0б.	0б.	0б.
	Выполнение самостоятельных заданий (решение задач)	от 0 до 10б.	от 0 до 3б.	от 0 до 3б.	от 0 до 4б.
3.	Рубежный контроль	до 30 баллов	до 10 б.	до 10 б.	до 10 б.
	тестирование	от 0- до 15б.	от 0- до 5б.	от 0- до 5б.	от 0- до 5б.
	коллоквиум	от 0 до 15б.	от 0 до 5б.	от 0 до 5 б.	от 0 до 5б.
4.	Итого сумма текущего и рубежного контроля	до 70баллов	до 23баллов	до 23баллов	до 24баллов
5.	Первый этап (базовый)уровень) – оценка «удовлетворительно»	не менее 36б.	не менее 12б.	не менее 12б.	не менее 12б.
6.	Второй этап (продвинутый)уровень) – оценка «хорошо»	менее 70б. (51-69 б.)	менее 23б.	менее 23б.	менее 24б.
7.	Третий этап (высокий уровень) - оценка «отлично»	не менее 70б.	не менее 23б.	не менее 23б.	не менее 24б.

Шкала оценивания планируемых результатов обучения**Текущий и рубежный контроль**

Семестр	Шкала оценивания			
	0-35 баллов	36-50 баллов	51-60 баллов	61-70 баллов
1,2	Частичное посещение аудиторных занятий. Неудовлетворительное выполнение практических работ. Плохая подготовка к балльно-рейтинговым мероприятиям. Студент не допускается к промежуточной аттестации	Полное или частичное посещение аудиторных занятий. Частичное выполнение практических работ. Выполнение контрольных работ, тестовых заданий, ответы на коллоквиуме на оценку «удовлетворительно».	Полное или частичное посещение аудиторных занятий. Полное выполнение практических работ. Выполнение контрольных работ, тестовых заданий, ответы на коллоквиуме на оценку «хорошо».	Полное посещение аудиторных занятий. Полное выполнение практических работ. Выполнение контрольных работ, тестовых заданий, ответы на коллоквиуме на оценку «отлично».

Промежуточная аттестация

Семестр	Шкала оценивания			
	Неудовлетворительно (36-60 баллов)	Удовлетворительно (61-80 баллов)	Хорошо (81-90 баллов)	Отлично (91-100 баллов)
1, 2	Студент имеет 36-60 баллов по итогам текущего и рубежного контроля, на экзамене не дал полного ответа ни на один вопрос, не сделал пример. Студент имеет 36-45 баллов по итогам текущего и рубежного контроля, на экзамене дал полный ответ только на один вопрос, а пример сделан	Студент имеет 36-50 баллов по итогам текущего и рубежного контроля, на экзамене дал полный ответ на один вопрос и частично (полностью) ответил на второй, а пример сделан не верно. Студент имеет 46-60 баллов по итогам текущего и рубежного контроля, на экзамене дал	Студент имеет 51-60 баллов по итогам текущего и рубежного контроля, на экзамене дал полный ответ на один вопрос и частично (полностью) ответил на второй. Пример сделан верно. Студент имеет 61 – 65 баллов по итогам текущего и рубежного контроля, на экзамене дал	Студент имеет 61-70 баллов по итогам текущего и рубежного контроля, на экзамене дал полный ответ на один вопрос и частично (полностью) ответил на второй, и пример сделан правильно. Или же студент на оба вопроса ответил верно, а в задаче, есть неточности,

	неправильно.	полный ответ на один вопрос или частично ответил на оба вопроса, а пример не сделан. Студент имеет по итогам текущего и рубежного контроля 61-70 баллов на экзамене не дал полного ответа ни на один вопрос. В решении примера есть грубая ошибка, которая повлияла на ответ, вследствие чего пример сделан не верно	полный ответ на один вопроси частично ответил на второй, и в примере есть недочеты, которые не повлияли на ответ. Студент имеет 66-70 баллов по итогамтекущего и рубежного контроля, на экзамене дал полный ответ только на один вопрос. В примере есть неточности, которые не повлияли на ответ.	которые не повлияли на ответ.
--	--------------	--	---	-------------------------------